

Tartószerkezetek II.

Vasbeton szerkezetek

Dr. Szép János
Egyetemi docens

Vasbeton szerkezetek

I. rész

- **Előadás: Vasbeton lemezek**
- **Gyakorlat: Súlyelemzés, modellfelvétel (AxisVM)**

II. rész

- **Előadás: Vasbeton lemezek**
- **Gyakorlat: Igénybevételek meghatározása (AxisVM)**

III. rész

- **Előadás: Gombafödém**
- **Gyakorlat: Eredmények értékelése, vasalás kialakítása**

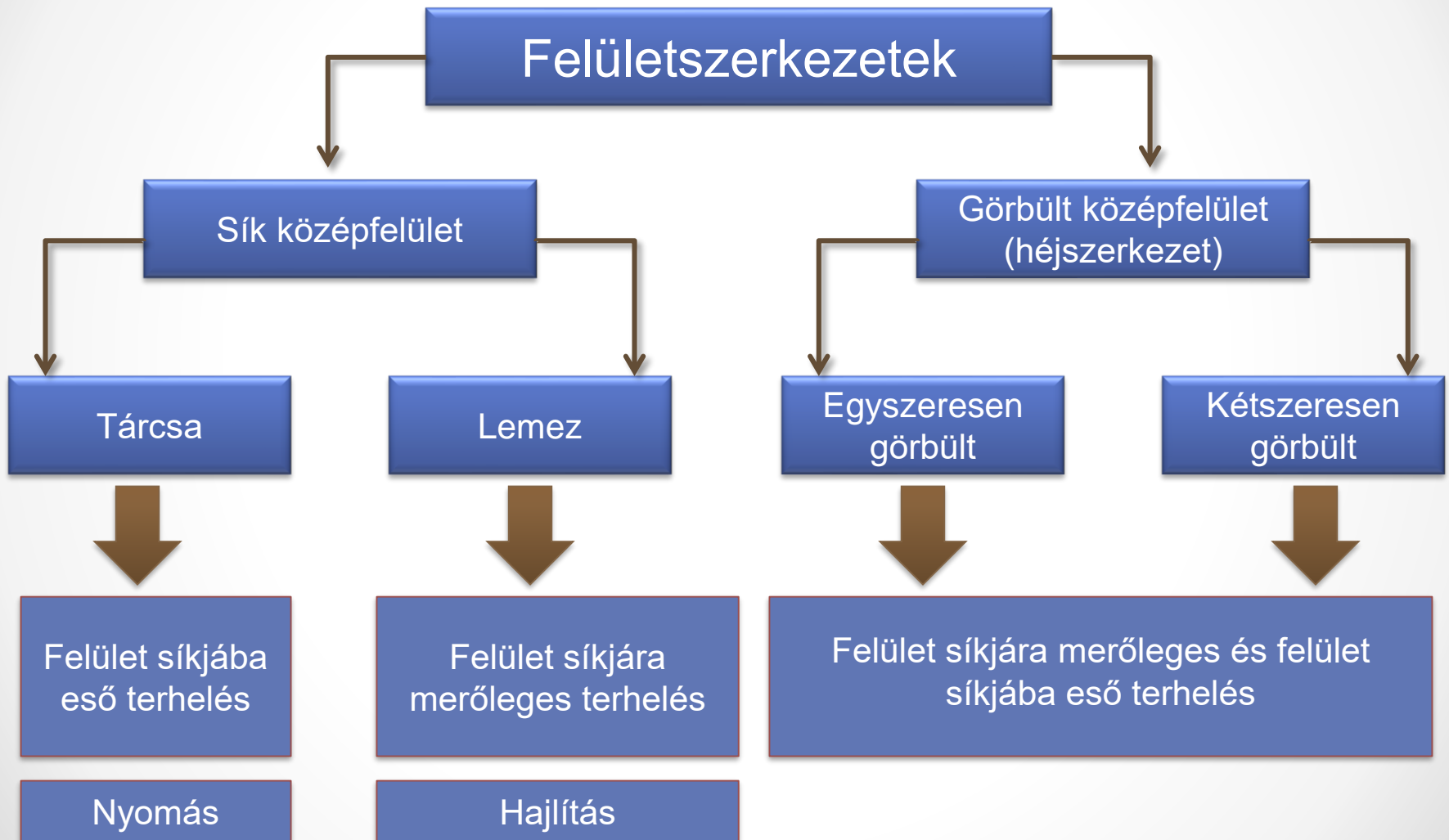
IV. rész

- **Előadás: Épületmerezítés**
- **Gyakorlat: Konzultáció, tervek véglegesítése**

Tartószerkezeti elemek

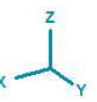
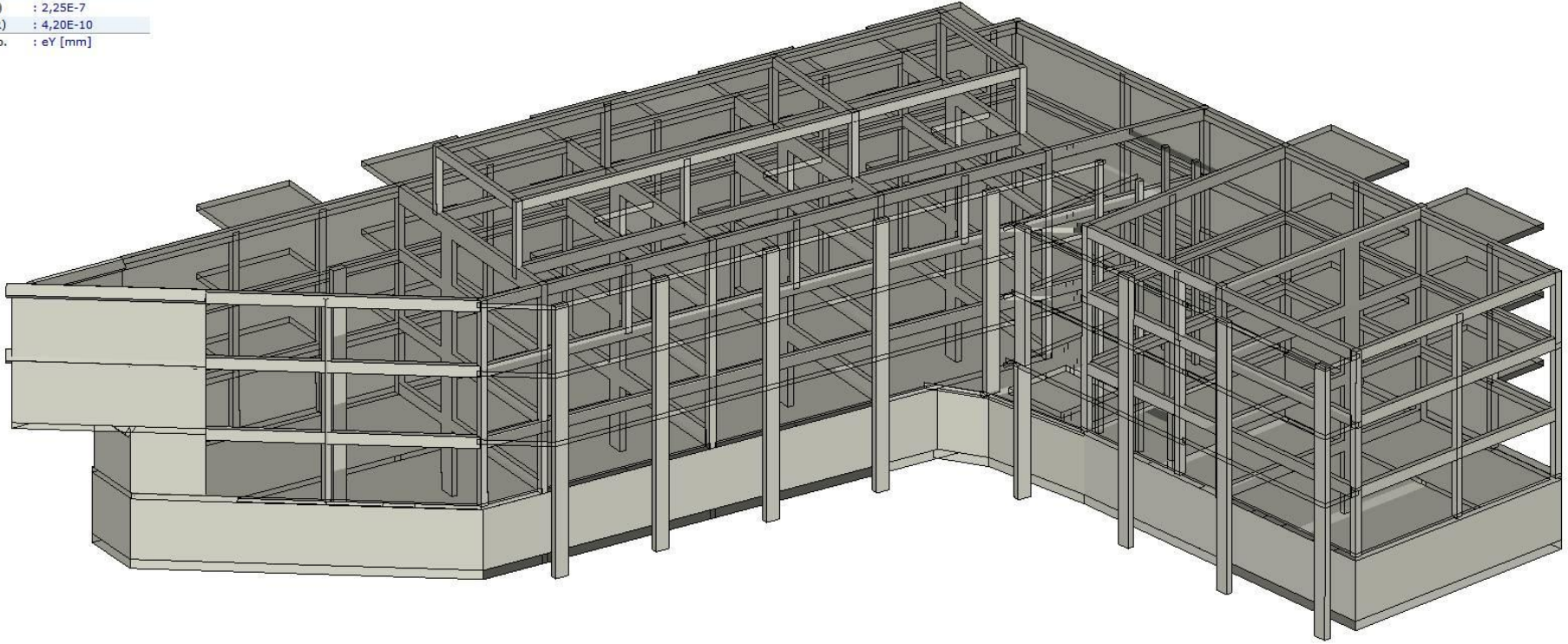
- Rúdszerkezetek
 - Gerenda
 - Oszlop, pillér
- Felületszerkezetek
 - Lemez
 - Fal
 - Faltartó
 - Héj

Felületszerkezetek csoportosítása

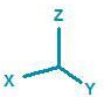
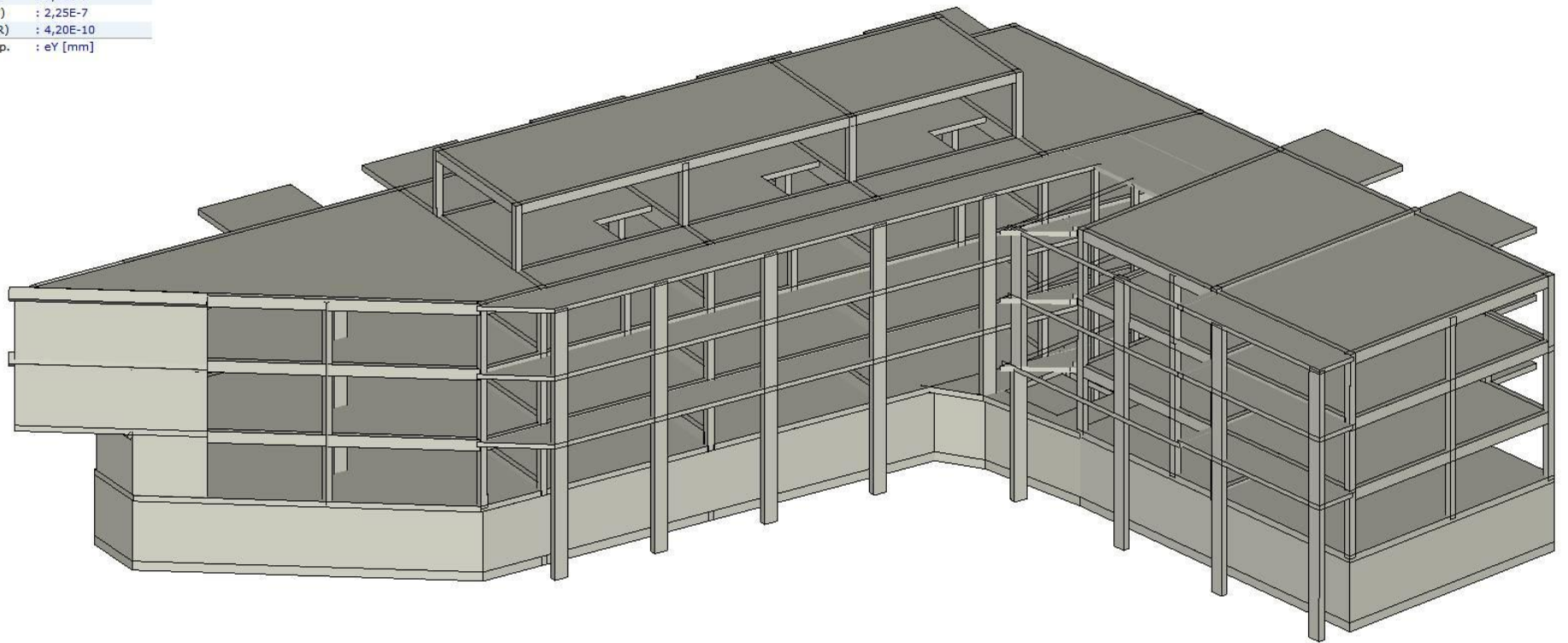


Lineáris számítás

Szabvány	Eurocode-H
Eset	Mértékadó Min
Típus	(ULS (földrengés))
E (P)	2,25E-7
E (W)	2,25E-7
E (ER)	4,20E-10
Komp.	eY [mm]



Lineáris számítás	
Szabvány	Eurocode-H
Eset	Mértékadó Min
Típus	(ULS (földrengés))
E (P)	2,25E-7
E (W)	2,25E-7
E (ER)	4,20E-10
Komp.	eY [mm]



Vasbeton födémszerkezetek



Gerendás – béléstestés födém



Monolit vasbeton födém



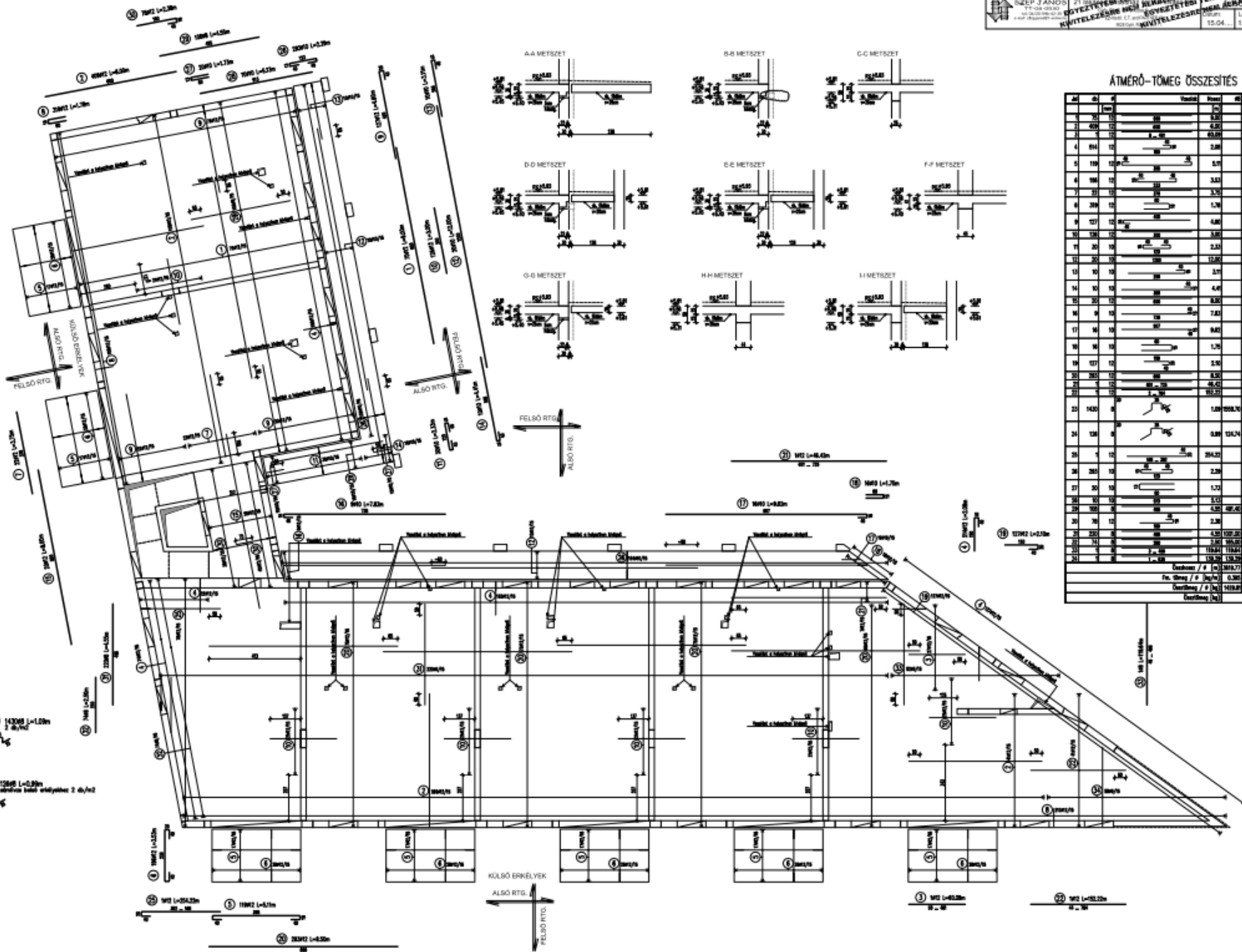
● Kéregelemes födém



● Monolit vasbeton födém

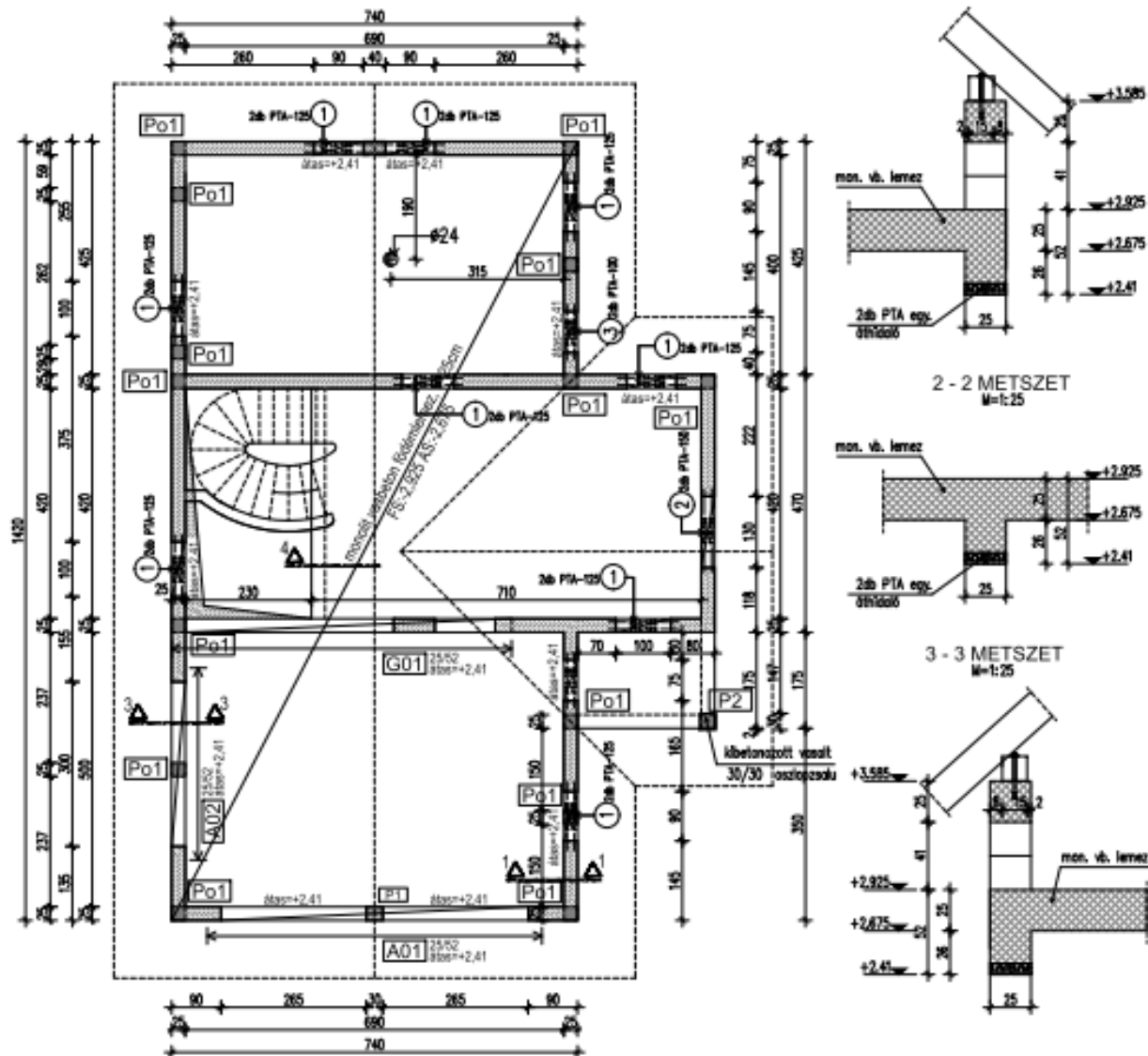
Tervrajzok

- Zsaluzási terv
 - Alapozási terv
 - Összeállítási terv
 - Fal, gerenda, oszlop nézetek, kontúrrajzok
- Vasalási tervek
 - Födémvasalás
 - Alsó vaslás
 - Felső vasalás
 - Gerendavasalás
 - Oszlopvasalás

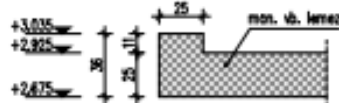


ÁTMÉRŐ-TÖMEG ÖSSZEISÍTÉS

Át.	Át.	Át.	Yanál.	Rezes.	Át.	Át.	Át.		
1	20	15	300	3,00	300	1750,00			
2	20	15	300	3,00	300	2342,50			
3	20	15	300	3,00	300	40,00			
4	20	15	300	3,00	300	1000,12			
5	18	12	300	5,70	300	608,00			
6	18	12	300	3,50	300	401,00			
7	20	15	300	3,70	300	80,20			
8	20	15	300	1,70	300	507,00			
9	12	12	300	4,00	300	504,20			
10	18	12	300	3,00	300	120,00			
11	20	10	300	2,50	300	60,00			
12	20	10	300	12,00	300	210,00			
13	20	10	300	3,70	300	20,00			
14	20	10	300	4,40	300	44,70			
15	20	10	300	8,00	300	163,00			
16	20	10	300	7,80	300	70,47			
17	20	10	300	9,00	300	150,00			
18	20	10	300	1,70	300	20,00			
19	12	12	300	2,50	300	200,70			
20	20	10	300	8,00	300	240,50			
21	20	10	300	46,00	300	46,40			
22	20	10	300	10,00	300	100,20			
23	14,50	8	300	1,00	250,70				
24	12	8	300	0,80	124,70				
25	4	12	300	20,00	250,20				
26	20	10	300	2,50	300	670,00			
27	20	10	300	1,70	300	20,00			
28	20	10	300	5,10	300	90,20			
29	10	8	300	4,00	400,40				
30	20	10	300	2,80	300	100,00			
31	20	8	300	4,00	100,00				
32	11	8	300	2,00	100,00				
33	4	8	300	1,00	100,00				
34	4	8	300	1,00	100,00				
Összesítés / # (m)							3019,77	1206,20	2710,00
Fm. Összes / # (kg/m)							0,300	0,817	0,880
Összesítés / # (kg)							905,97	985,20	2355,51
Összesítés / (kg)									1895,27

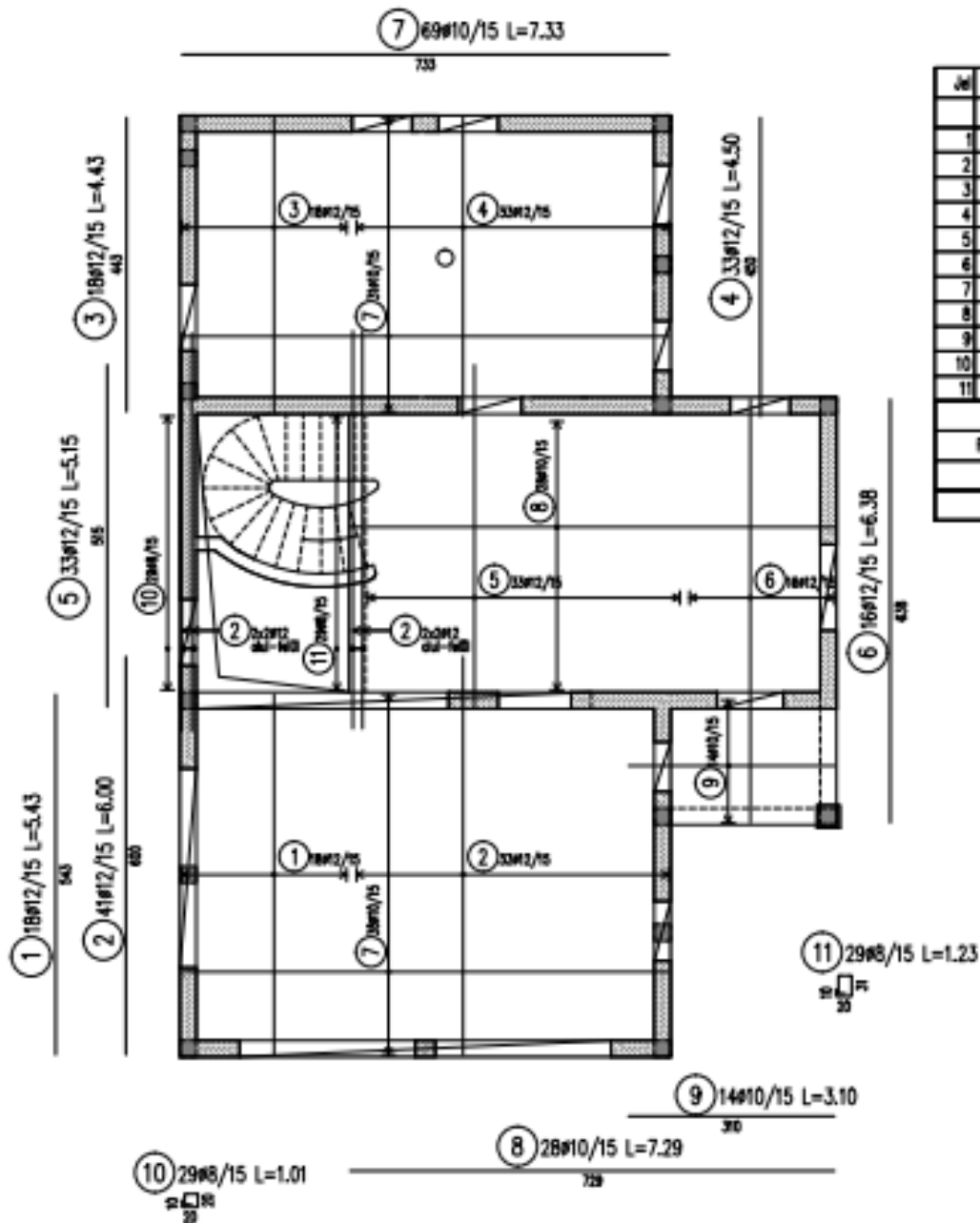


4 - 4 METSZET
M=1:25



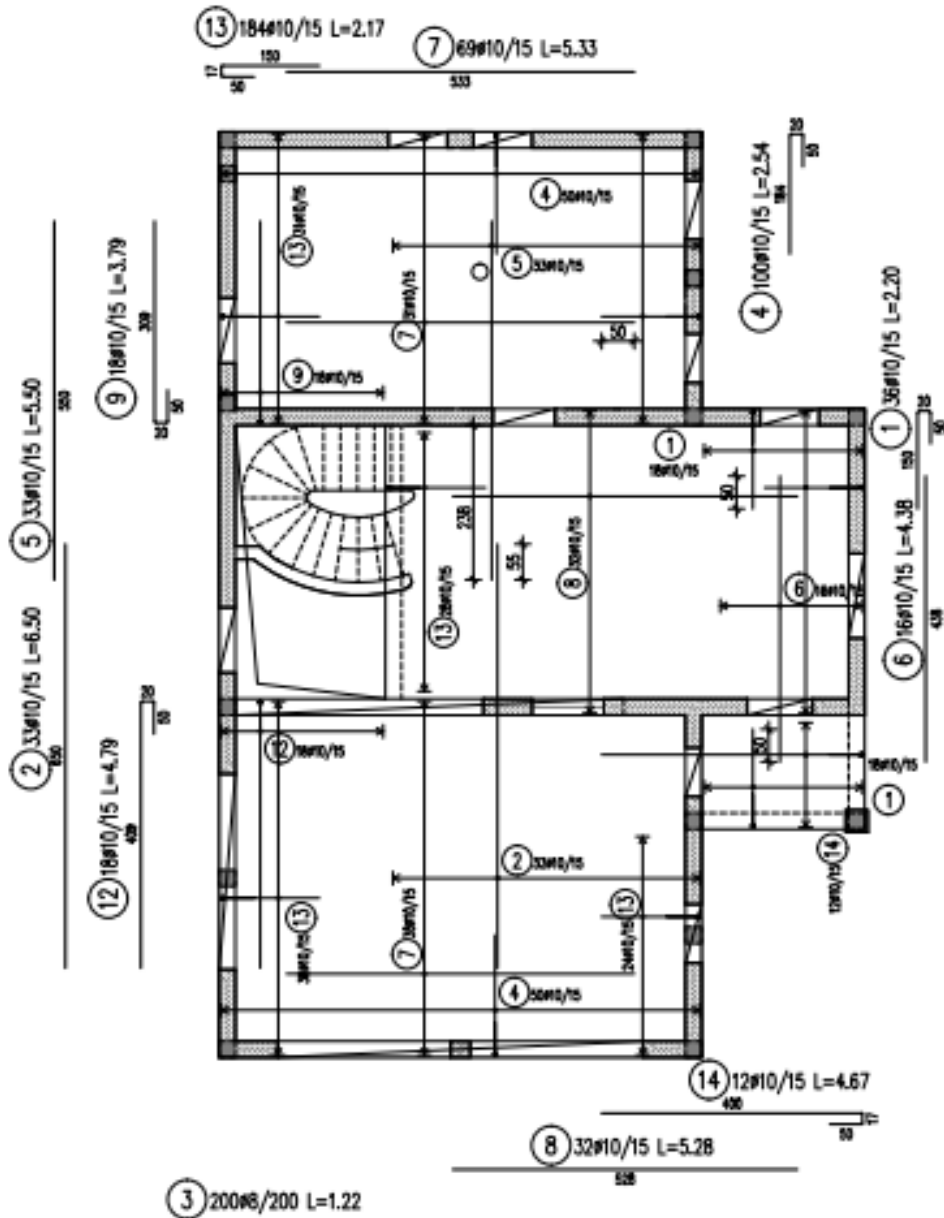
ELŐREGYÁRTOTT ELEMEK

Pos	Megnevezés	db	Hossz (m)	Tömeg (kg/db)	Tömeg (kg/pos)
1	PTA-125	18	1,25	17,50	315
2	PTA-150	2	1,50	21,00	42
3	PTA-100	4	1,00	14,00	56
Összesen:		24			0,413 to



BETONACÉLKIMUTATÁS

jel	db	φ	Hossz		#8	#10	#12
			[mm]	[m]			
1	18	12		5.43			97.74
2	41	12		6.00			246.00
3	18	12		4.43			79.74
4	33	12		4.50			148.50
5	33	12		5.15			169.95
6	16	12		6.38			102.08
7	69	10		7.33		505.77	
8	28	10		7.29		204.12	
9	14	10		3.10		43.40	
10	29	8	1.01	29.29			
11	29	8	1.23	35.67			
Összhossz / #			[m]	64.96	753.29	844.01	
Fm. tömeg / #			[kg/m]	0.395	0.617	0.888	
Össztömeg / #			[kg]	25.66	464.78	749.48	
Össztömeg			[kg]			1239.92	

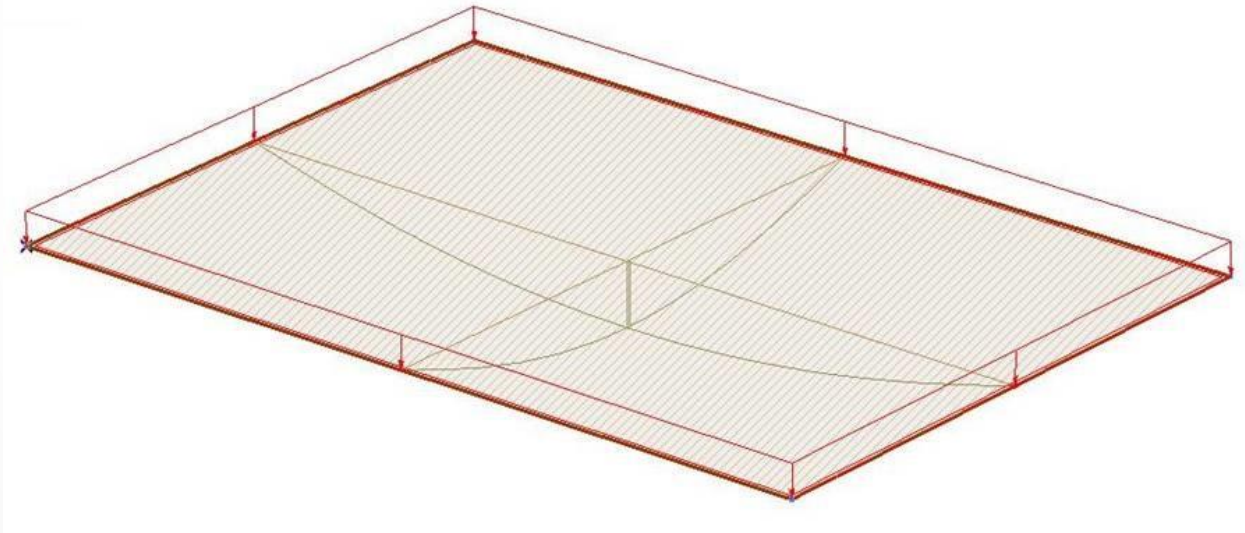


BETONACÉLKIMUTATÁS

Jel	d _h	s	Hossz	#	#10
	(mm)	(mm)	(m)		
1	36	10	2.20		79.20
2	33	10	6.50		214.50
3	200	8	1.22	244.00	
4	100	10	2.54		264.00
5	33	10	5.50		181.50
6	16	10	4.38		170.08
7	69	10	5.33		357.77
8	32	10	5.28		168.96
9	18	10	3.79		68.22
12	18	10	4.79		86.22
13	184	10	2.17		399.28
14	12	10	4.67		56.04
Összhossz / # (m)				244.00	1945.77
fm. tömeg / # (kg/m)				0.395	0.617
Össztömeg / # (kg)				96.38	1200.54
Össztömeg (kg)					1296.92

Vasbeton lemezek

Lemez: olyan sík középfelületű és erre merőlegesen terhelt tartószerkezetet, amelyek vastagsága a másik két méretéhez viszonyítva csekély.



A vasbeton lemez mind a magas, mind a mély, mind pedig a hídépítésben rendkívül gyakran előforduló szerkezeti elem.

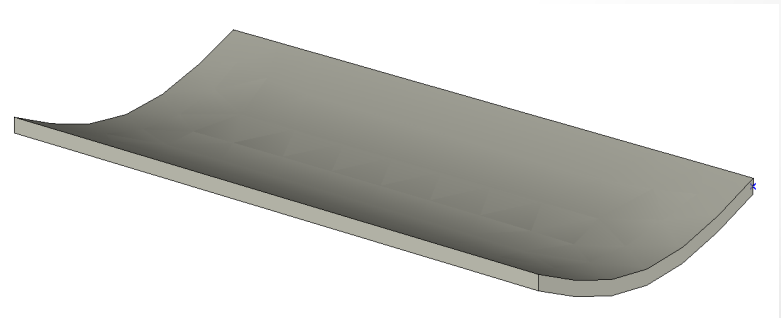
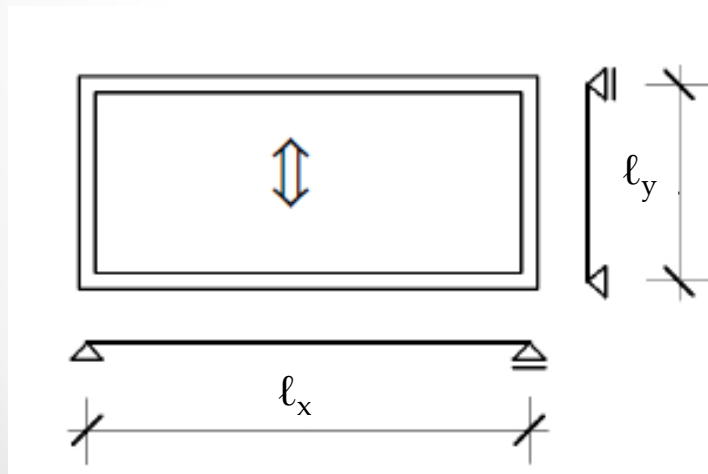
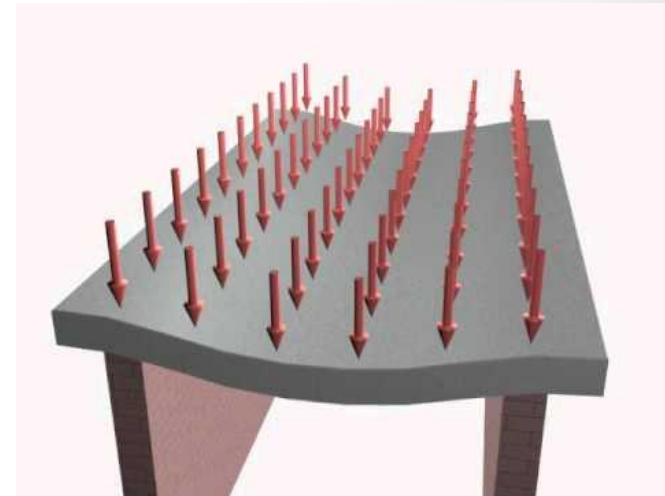
Vasbeton lemezek előnyei

- kétirányú teherviselés - nagy teherbírás
- keresztirányú merevsége miatt a kis felületen megoszló terhekből (pl. koncentrált terhek, kis felületen megoszló, pontszerű terhek) keletkező igénybevételei kedvezőbbek (jobb teherelosztás)
- kis szerkezeti magasság
 - magasépítés: $l/20 - l/40$
 - hídépítés: $l/12 - l/20$
- könnyű zsaluzás, vasalás és betonozás
- a lemezek vasalása viszonylag egyszerű
- a lemezek betonozása egyszerűen elvégezhető, a beton bedolgozhatósága a viszonylag ritka vasalás következtében akadálytalan

Vasbeton lemezek osztályozása

Teherhordás iránya szerint:

- Egy irányban teherhordó lemez:
 - (közel) párhuzamos, vonalmenti támaszok
 - egyszeresen görbült terhelt lemezalak
 - gerendaszerű viselkedés
 - 1,0 m széles sáv vizsgálata gerendaként
 - támaszok környezetében zavart zónák

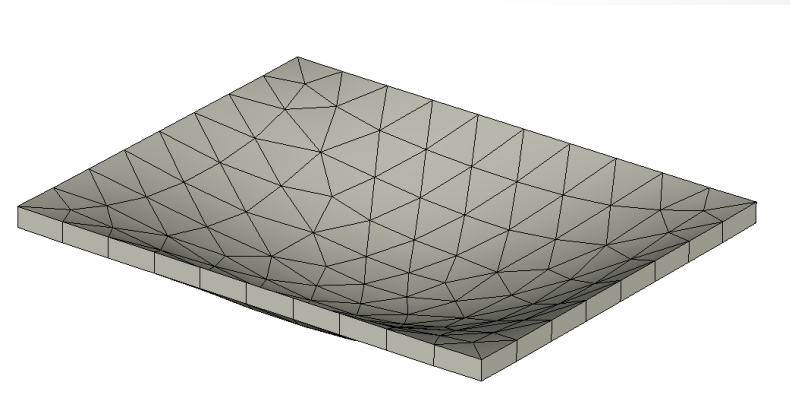
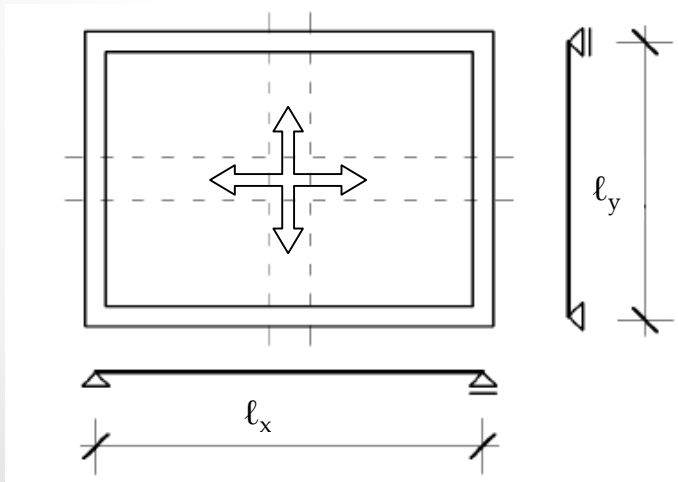
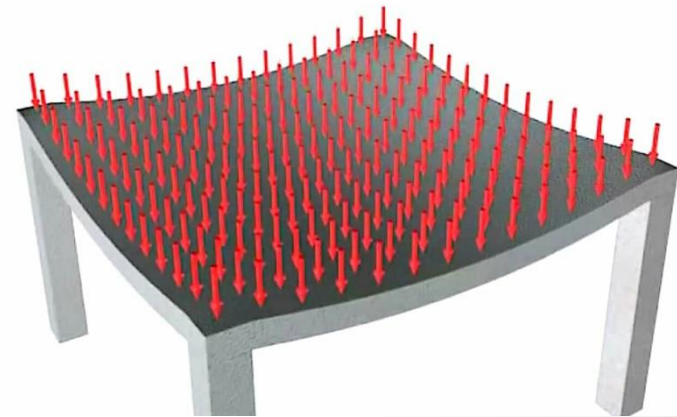


Vasbeton lemezek osztályozása

Teherhordás iránya szerint:

○ Két irányban teherhordó lemez:

- legalább két, egymással szöget bezáró vonalmenti támasz
- terhelés hatására kétszeresen görbült felület
- pontokon megtámasztott lemez (pontszerű támaszok, oszlopok pillérek)
- számítás lemezelmélet alapján



Lemezrendszerek

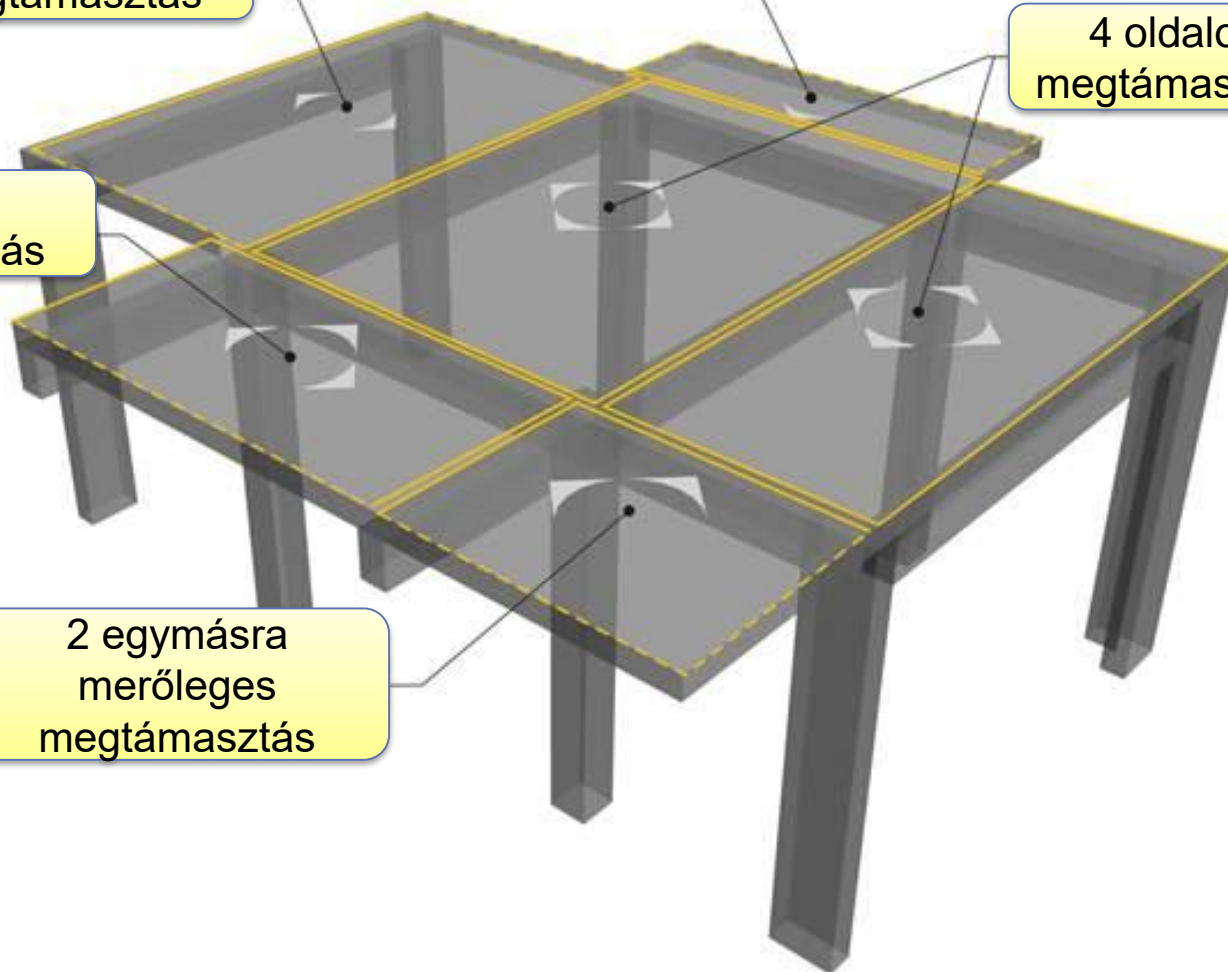
2 párhuzamos
megtámasztás

konzol

4 oldalon
megtámasztott

3 oldali
megtámasztás

2 egymásra
merőleges
megtámasztás



Vasbeton lemezek

- A lemezek számításának módszerei:
 - rugalmas
 - törélmélet

Rugalmas lemezelmélet

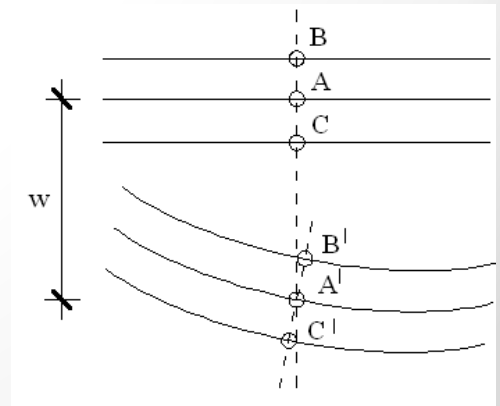
A vasbeton lemezek anizotróp viselkedésétől eltekintünk

Berepedetlen (repedésmentes), és berepedt (II. feszültségállapotban lévő) vasbeton lemez lineárisan homogén viselkedése biztosított. A berepedt állapotot csökkentett inerciával (hajlítási merevséggel) kell figyelembe venni.

- Ez alapján kimondhatjuk, hogy a rugalmas lemezelmélet használati határállapotban elegendően pontos.

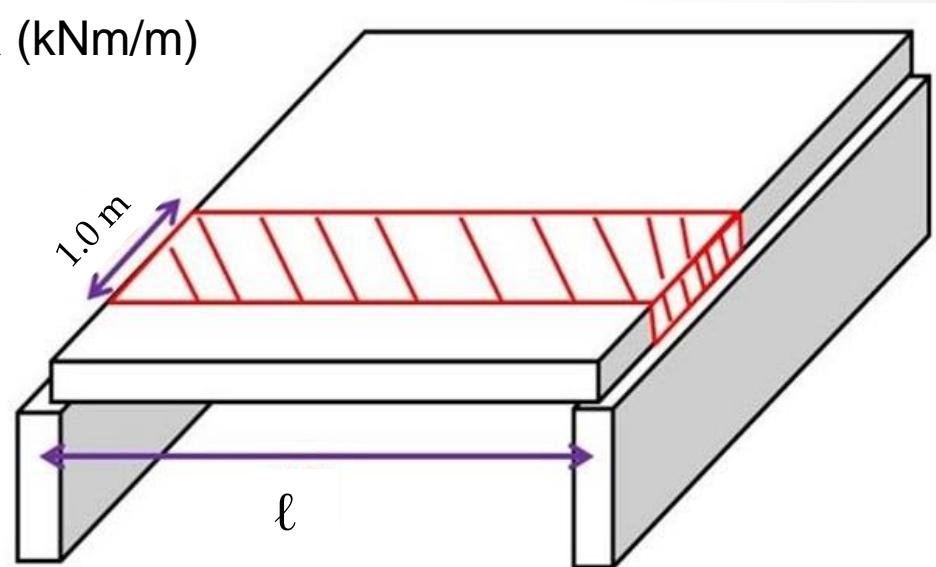
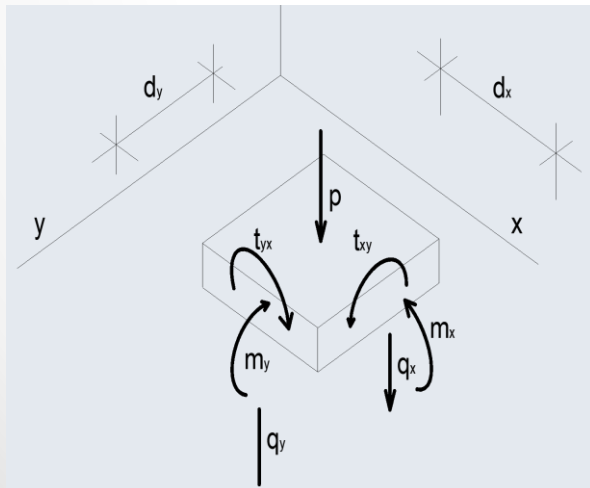
Rugalmas lemezelmélet

- alapfeltevések:
 - **Anyag**: ideálisan rugalmas, homogén izotróp
 - **Szerkezet**: a lemez vastagsága állandó és a másik két kiterjedéséhez képest kicsi ($v = \ell_{\min}/10$)
 - **Alakváltozások**: az alakváltozások kicsik, nem hatnak vissza a szerkezet erőjátékára
 - Érvényes a Kirchhoff-Love hipotézis, azaz a középsík valamely pontjának normálisán lévő pontja alakváltozás után is ugyanazon a normálison marad;
 - A lemez középsíkjának pontjai csak merőlegesen tolódnak el, a lemez síkjára merőleges alakváltozásoktól eltekintünk
 - Terhek: a lemez síkjára merőlegesek



Igénybevételek

- a lemezben a függőleges terhelés hatására hajlítás, nyírás és csavarás keletkezik
- az igénybevételeket célszerű 1,0 m széles fődémsávokra osztás alapján meghatározni, ezért fajlagos igénybevételekről beszélhetünk:
 - m_x, m_y : fajlagos hajlítónyomaték (kNm/m)
 - v_x, v_y : fajlagos nyíróerő (kN/m)
 - $t_{xy}=t_{yx}$: fajlagos csavarónyomaték (kNm/m)



Lemezegyenlet

- Az egyensúlyi egyenlet, a fizikai és a kompatibilitási egyenletek figyelembevételével:

$$\frac{\partial^4 w}{\partial x^4} + 2 \cdot \frac{\partial^4 w}{\partial x^2 \partial y^2} + \frac{\partial^4 w}{\partial y^4} = \frac{p}{k}$$

alakú Lagrange féle negyedrendű, parciális, inhomogén differenciál-egyenletté alakítható, mely a rugalmas lemezelmélet alapegyenlete A fenti összefüggésekben:

E : a lemez anyagának, vb. lemez esetén a beton rugalmassági modulusa,

μ_c a harántnyúlási tényező (a Poisson tényező), melynek értéke vasbeton lemeznel $\mu_c = 0,15 - 0,20$

$$k = \frac{E \cdot t^3}{12(1 - \mu_c^2)}$$

a lemez hajlítómerevsége.

Lemezegyenlet

- Az egyenletben egyedüli ismeretlen a $w(x,y)$ lehajlásfüggvény, melyet ha sikerül az adott kerületi feltételek mellett meghatározni akkor az igénybevételek ennek deriváltjaként előállíthatók:

$$m_x = -k \left(\frac{\partial^2 w}{\partial x^2} + \mu \frac{\partial^2 w}{\partial y^2} \right),$$

$$m_y = -k \left(\frac{\partial^2 w}{\partial y^2} + \mu \frac{\partial^2 w}{\partial x^2} \right),$$

$$m_{xy} = m_{yx} = -k(1 - \mu) \frac{\partial^2 w}{\partial x \partial y},$$

$$v_x = -k \frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\partial^2 w}{\partial x^2} + \mu \frac{\partial^2 w}{\partial y^2} \right),$$

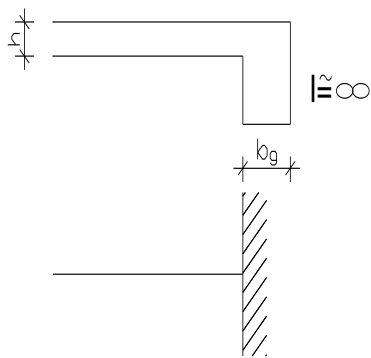
$$v_y = -k \frac{\partial}{\partial y} \left(\frac{\partial^2 w}{\partial x^2} + \mu \frac{\partial^2 w}{\partial y^2} \right),$$

Lemezegyenlet

- A lemezegyenlet
 - Lagrange-féle,
 - negyedrendű, parciális (kétváltozós),
 - inhomogén differenciálegyenlet
- Megoldása
 - elegendő számú peremfeltétel
 - minden perempontban két peremfeltételt
 - a lemez megtámasztási viszonyainak megfelelően

Lemezgyenylenet - peremfeltételek

Befogott

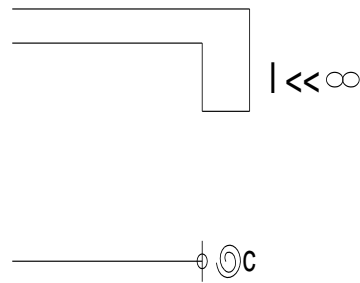


$$l \approx \infty$$

$$w=0$$

$$\varphi_n=0$$

Rugalmas

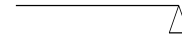
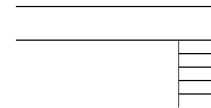


$$l \ll \infty$$

$$\varphi_n$$

$$w=0$$

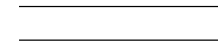
Csuklós



$$w=0$$

$$m_n=0$$

Szabad peremű



$$r=0$$

$$m_n=0$$

Lemezegyenlet - peremfeltételek

- Csuklós megtámasztás
 - Lehajlás $w=0$
 - A támasz vonalára merőleges hajlítónyomaték $m_n=0$
- Befogás
 - Lehajlás $w=0$
 - Normális irányú szögelfordulás
- Rugalmas befogás
 - Lehajlás $w=0$
 - Normális irányú szögelfordulás arányos a nyomatékkal
 - C rugóállandó
- Szabad perem
 - normális irányú nyomaték $m_n=0$
 - Peremreakció $r=0$

$$\frac{\partial w}{\partial n} = 0$$

$$\frac{\partial w}{\partial n} = \frac{1}{c} m_n$$

Lemezegyenlet

- Mivel a differenciálegyenlet csak speciális peremfeltételek esetén oldható meg analitikusan, a kétirányban teherviselő lemezszerkezetek számítására az alábbi módok terjedtek el:
 - egyszerű esetek analitikus megoldása alapján készült táblázatok használata
 - ponthálózatra vonatkozó differenciaegyenletek számítógépes megoldása
 - végeslemes módszeren alapuló számítógépes megoldások
 - (AxisVm, FEM-design, Sofistic, Abaqus stb)

Lemezegyenlet

Ha differenciálegyenletben a lemez deformált alakjára nézve feltesszük, hogy „y” irányú görbülettel nem rendelkezik, továbbá elcsavarodása nincs. (hengeres hajlítás esete) akkor az egyenlet a hajlított gerenda diff. egyenletévé fajul.

$$\frac{\partial^4 w}{\partial x^4} = -\frac{p}{k}$$

Lemez egyenlet

ez az eset akkor áll elő, ha

a megtámasztási feltételek

a lemez oldalarányi

az említett alakváltozási feltételeket előidézik.

Négy oldalon megtámasztott lemezeknél az általános gyakorlati szabály, hogy $0,5 < l_y/l_x < 2$ esetben a lemez egyirányban teherviselőnek vehető.

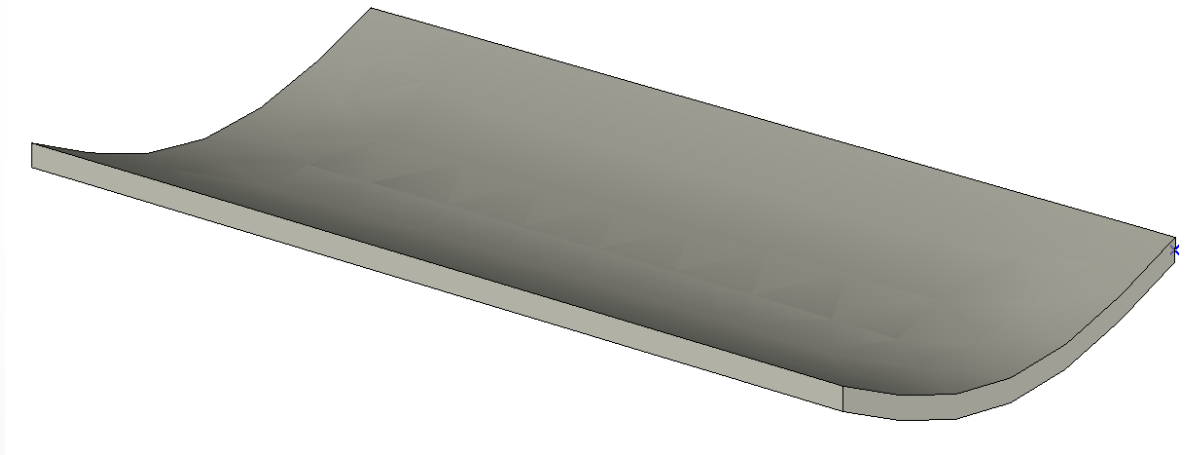
$$m_y = -k \left(\frac{\partial^2 w}{\partial y^2} + \mu_c \frac{\partial^2 w}{\partial x^2} \right)$$

=0

≠0

Igénybevételek

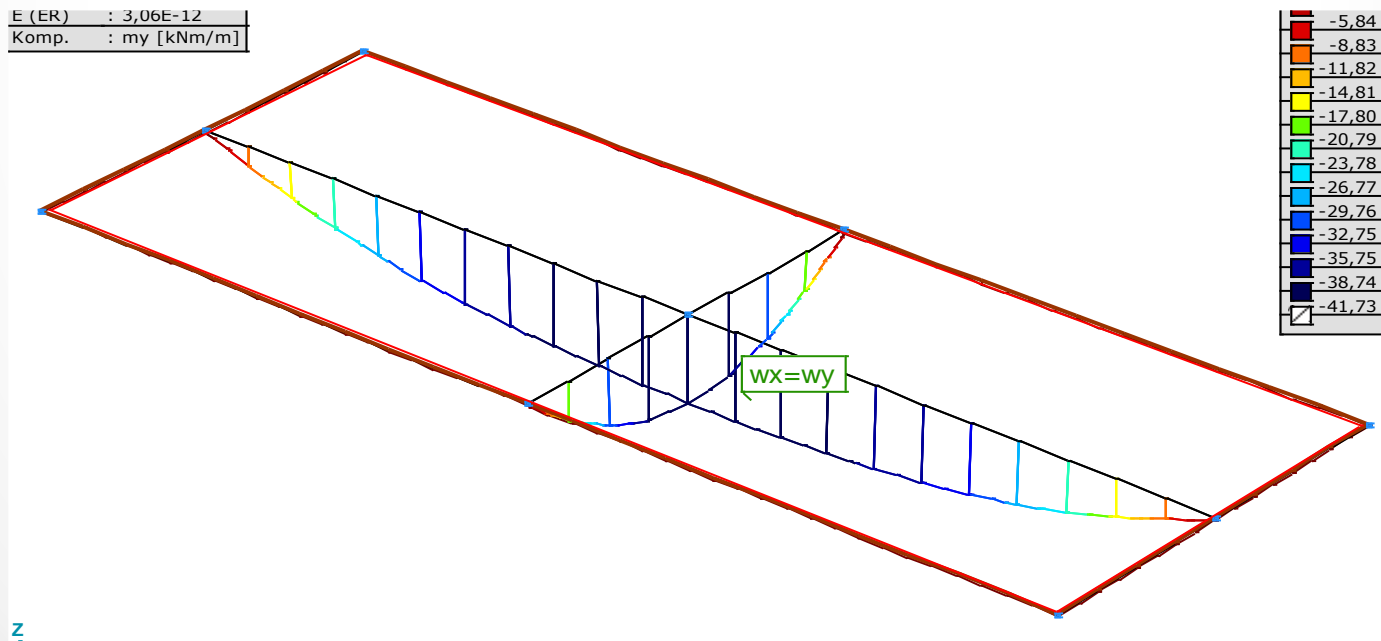
Egy irányban teherhordó lemezekben csak m_x és v_x keletkezik. (lemezek esetén az index a nyomaték változásának irányát jelöli)



Igénybevételek közelítő számítása

- Sávmódszer

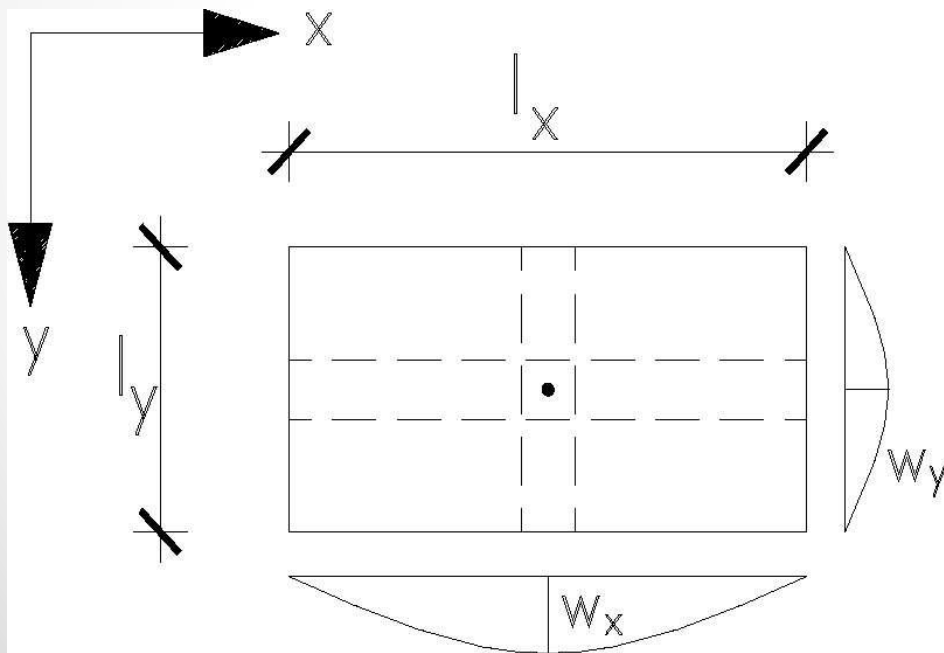
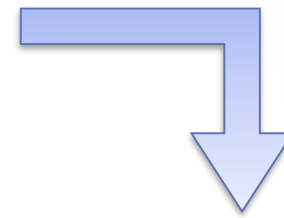
Alapötlet: a lemezből a maximális lehajlás helyén x és y irányában egy-egy egymást keresztező, egységnyi szélességű lemezsávot vágunk ki, melyeket a saját irányukban önállóan működő gerendáknak tekintünk



Igénybevételek közelítő számítása

- Sáv módszer

- A csavarási ellenállást elhanyagoljuk
- Feltételezzük, hogy a két sáv kereszteződési pontjában a lehajlás azonos értékű



Kompatibilitási feltétel:

$$w_x = w_y$$

Igénybevételek közelítő számítása

- Sávmódszer

A lehajlások értékei:

$$w_x = c_x \frac{p_x \ell_x^4}{EI_x}; w_y = c_y \frac{p_y \ell_y^4}{EI_y}$$

Ahol:

p_x és p_y az x illetve y irányú tartó által viselt megoszló teherrész [kN/m²] ($p = p_x + p_y$)

ℓ_x és ℓ_y a lemez x és y irányú támaszköze [m]

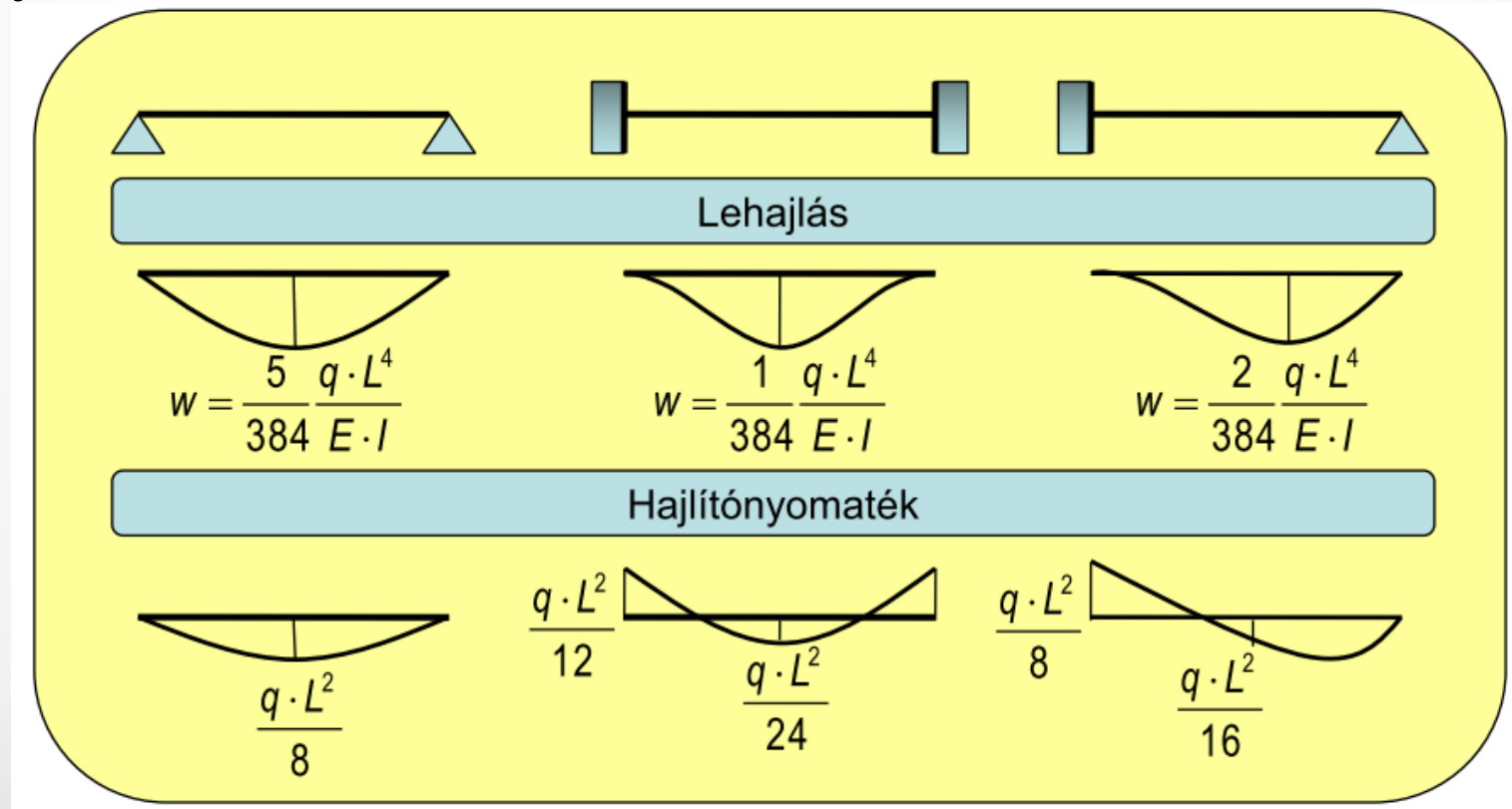
EI_x és Ei_y a lemez x és y irányú hajlítási merevsége

Igénybevételek közelítő számítása

- Sávmódszer

Ahol:

c_x és c_y a lemez megtámasztási viszonyaitól függő tényezők:

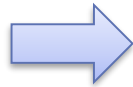


Igénybevételek közelítő számítása

- Sávmódszer

Figyelembe véve, hogy $l_x = l_y$ és a két egyenletet egyenlővé téve:

$$c_x p_x l_x^4 = c_y p_y l_y^4$$



Kifejezve p_x -et:

$$p_x = \frac{c_y}{c_x} \frac{l_y^4}{l_x^4} p_y$$

Bevezetve:

$$a = \frac{c_y}{c_x} \frac{l_y^4}{l_x^4}$$



$$p_x = a \cdot p_y$$

Figyelembe véve, hogy:

$$p = p_x + p_y \rightarrow p = a \cdot p_y + p_y \rightarrow p = (1 + a) p_y$$

A lemezsávok maximális nyomatékai tehát:

$$p_y = \frac{1}{1 + a} p$$
$$p_x = \frac{a}{1 + a} p$$

Igénybevételek közelítő számítása

- Sávmódszer

- A kétirányú teherviselést mindkét irányban azonos megtámasztású lemezsávok esetén csak $0,5 < \ell_x / \ell_y < 2,0$ esetben érdemes figyelembe venni, mivel ha:

$$\frac{c_y}{c_x} = 1, \frac{\ell_y}{\ell_x} = 2 \quad \Rightarrow \quad a = 16$$

$$p_y = \frac{1}{1+16} p = \frac{1}{17} p \quad \text{az összteher 6\%-a}$$

$$p_x = \frac{16}{1+16} p = \frac{16}{17} p \quad \text{az összteher 94\%-a}$$

A sávmódszer elhanyagolja a keresztező lemezsávok egymásra gyakorolt hatásából fellépő csavarónyomatékokat, ezért a hajlítónyomatékokat a biztonság javára szolgáló közelítéssel állapítja meg

Köszönöm a figyelmet!

...