

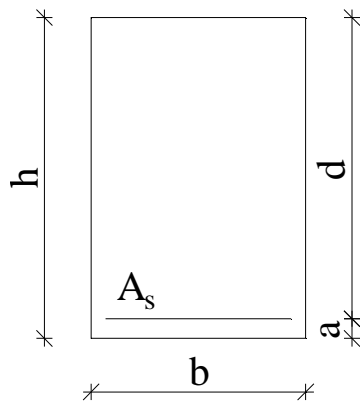


Tartószerkezetek I. (vasbeton szilárdságtan) Hajlított keresztmetszet III. feszültségállapot mintapéldák

Oktatási célra!

Készítette: Szép János
Szerkesztette: Halvax Katalin
Ellenőrizte: Herczeg Géza

Győr, 2011. szeptember

Derékszögű \square km ellenőrzése III. fasz. állapotban EC2 szerint

$$M_{Ed} = 180 \text{ kNm}$$

Beton C25/30, $\alpha_{cc} = 1,0$ (Mo. magasépítési szerk)

Betonacél B60.50

betontakarás $c_{nom} = 30 \text{ mm}$

$$A_s = 4\phi 20 = 1256 \text{ mm}^2$$

kengyelátmérő: $\phi_k = 10 \text{ mm}$

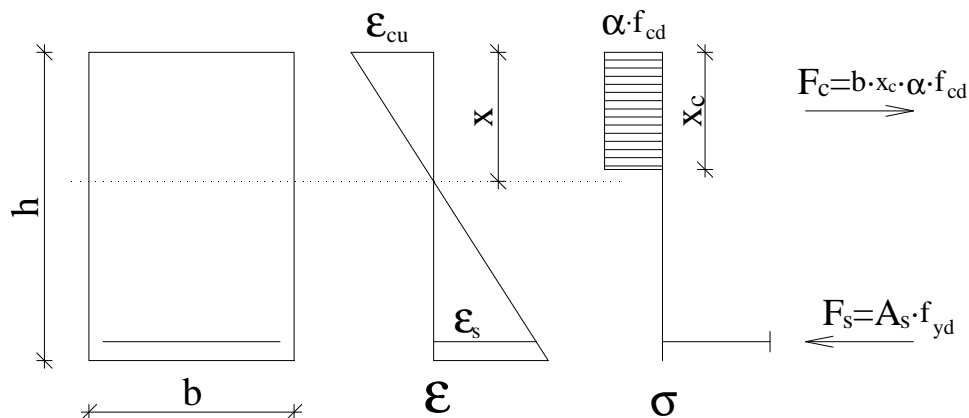
$$b = 320 \text{ mm} \quad h = 460 \text{ mm}$$

$$a = c_{nom} + \phi_k + \frac{\phi_h}{2} = 30 + 10 + \frac{20}{2} = 50 \text{ mm}$$

↓ ↓ ↓

betonfedés + kengyel + $\frac{\text{fővas}}{2}$

$$d = h - a = 460 - 50 = \underline{410 \text{ mm}}$$

Anyagjellemzők

Beton C25/30

- beton nyomószilárdságának karakterisztikus értéke

$$f_{ck} = 25 \text{ N/mm}^2$$

- beton nyomószilárdságának tervezési értéke

$$f_{cd} = \frac{f_{ck}}{\gamma_c} = \frac{25,0}{1,5} = 16,67 \text{ N/mm}^2 \quad \gamma_c = 1,5$$

Betonacél B60.50

- betonacél folyási határának karakterisztikus értéke

$$f_{yk} = 500 \text{ N/mm}^2$$

- betonacél folyási határának tervezési értéke

$$f_{yd} = \frac{f_{yk}}{\gamma_s} = \frac{500}{1,15} = 434,8 \text{ N/mm}^2 \quad \gamma_s = 1,15$$

- a relatív nyomott betonzóna magasság határhelyzete húzott acélbetétekre

$$\text{vonatkozólag} \quad \xi_{c0} = \frac{560}{f_{yd} + 700} = \frac{560}{434,8 + 700} = 0,493$$

Ellenőrzés

feltételezve, hogy a húzott betonacélok megfolynak

vetületi egyenlet

$$F_c = F_s$$

$$b \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd} = A_s \cdot f_{yd} \quad \alpha = 1,0 \text{ (jelenleg Magyarországon)}$$

$$x_c = \frac{A_s \cdot f_{yd}}{b \cdot \alpha \cdot f_{cd}} = \frac{1256 \cdot 434,8}{320 \cdot 1,0 \cdot 16,67} = 102,37 \text{ mm} < x_{co} = 202,13 \text{ mm}$$

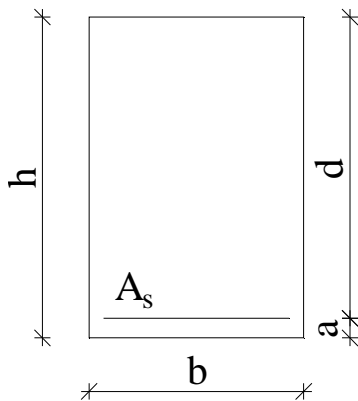
$$x_{co} = \xi_{co} \cdot d = 0,493 \cdot 410 = 202,13 \text{ mm}$$

$$x_c = 102,37 \text{ mm} < x_{co} = 202,13 \text{ mm} \rightarrow \text{tehát a vasak megfolynak, feltételezés jó volt}$$

nyomatéki egyenlet a húzott vasak súlypontjára

$$\begin{aligned} M_{Rd} &= F_c \cdot \left(d - \frac{x_c}{2} \right) = b \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{x_c}{2} \right) = \\ &= 320 \cdot 102,37 \cdot 1,0 \cdot 16,67 \cdot \left(410 - \frac{102,37}{2} \right) = \underline{195,9 \text{ kNm}} > M_{Ed} = \underline{180 \text{ kNm}} \rightarrow \text{Megfelel!} \end{aligned}$$

**Derékszögű \square km tervezése III. fész. állapotban EC2 szerint
(vasalás meghatározása nyomaték tervezési értékére)**



$$\frac{M_{Ed} = 130 \text{ kNm}}$$

Beton C16/20, $\alpha_{cc} = 1,0$ (Mo. a számításainkban a továbbiakban)

Betonacél B60.40

betontakarás $c_{nom} = 30 \text{ mm}$

$b = 300 \text{ mm}$ $h = 450 \text{ mm}$

feltételezett betonacél $\phi 20$

kengyel $\phi 10$

$$a = c_{nom} + \phi_k + \frac{\phi_h}{2} = 20 + 10 + \frac{20}{2} = 50 \text{ mm}$$

↓ ↓ ↓

betonfedés kengyel $\frac{f_{\text{vas}}}{2}$

$$d = h - a = 450 - 50 = \underline{400 \text{ mm}}$$

Anyagjellemzők

Beton C16/20

- beton nyomószilárdságának karakterisztikus értéke

$$f_{ck} = 16 \text{ N/mm}^2$$

- beton nyomószilárdságának tervezési értéke

$$f_{cd} = \frac{f_{ck}}{\gamma_c} = \frac{16,0}{1,5} = 10,67 \text{ N/mm}^2 \quad \gamma_c = 1,5$$

- beton húzószilárdságának várható értéke

$$f_{cm} = 1,9 \text{ N/mm}^2$$

Betonacél B60.50

- betonacél folyási határának karakterisztikus értéke

$$f_{yk} = 400 \text{ N/mm}^2$$

- betonacél folyási határának tervezési értéke

$$f_{yd} = \frac{f_{yk}}{\gamma_s} = \frac{400}{1,15} = 347,8 \text{ N/mm}^2 \quad \gamma_s = 1,15$$

- a relatív nyomott betonzóna magasság határhelyzete húzott acélbetétekre

$$\text{vonatkozólag } \xi_{c0} = \frac{560}{f_{yd} + 700} = \frac{560}{347,8 + 700} = 0,534$$

Vasalás meghatározása

M_{co} meghatározása (M_{co} az a max nyomaték amit a km nyomott vasalás nélkül képes elviselni, a nyomott betonöv maximális kihasználtságához tartozó nyomaték)

$$x_{c0} = \xi_{c0} \cdot d = 0,534 \cdot 400 = 213,6 \text{ mm}$$

$$M_{c0} = b \cdot x_{co} \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{x_{co}}{2} \right) = 300 \cdot 213,6 \cdot 10,67 \cdot \left(400 - \frac{213,6}{2} \right) = 200,47 \text{ kNm}$$

$$M_{c0} = 200,47 \text{ kNm} > M_{Ed} = 130 \text{ kNm} \rightarrow \text{nincs szükség nyomott vasalásra!}$$

x_c meghatározása (nyomatéki egyenlet a húzott vasak súlypontjára)

$$M_{Ed} = F_c \cdot \left(d - \frac{x_c}{2} \right) = b \cdot x_c \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{x_c}{2} \right) \text{ egyenlet rendezése után}$$

$$\frac{b \cdot x_c^2}{2} \cdot f_{cd} - b \cdot x_c \cdot f_{cd} \cdot d + M_{Ed} = 0$$

$$x_c = d - \sqrt{d^2 - \frac{2 \cdot M_{Ed}}{b \cdot f_{cd}}} = 400 - \sqrt{400^2 - \frac{2 \cdot 130 \cdot 10^6}{300 \cdot 10,67}} = 119,37 \text{ mm}$$

$$x_c = 119,37 \text{ mm} < x_{co} = 213,6 \text{ mm} \rightarrow \text{az acél megfolyik}$$

A_s meghatározása (vetületi egyenlet)

$$F_c = F_s$$

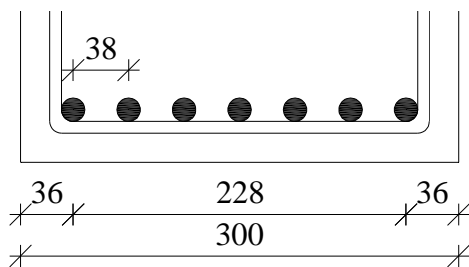
$$b \cdot x_c \cdot f_{cd} = A_s \cdot f_{yd}$$

$$A_s = \frac{b \cdot x_c \cdot f_{cd}}{f_{yd}} = \frac{300 \cdot 119,37 \cdot 10,67}{347,8} = 1098,33 \text{ mm}^2$$

$$A_{s,alk} = 6\phi 16 = 6 \cdot 201 = \underline{1206 \text{ mm}^2}$$

elférnek-e a vasak

$$a_{\min} = \max \begin{cases} \phi \\ 20 \text{ mm} \\ d_g + 5 \text{ mm} \end{cases} \left| \begin{array}{l} = \text{betonacél átmérő} \\ d_g \text{ az adalékanyag legnagyobb} \\ \text{szemmagysága} \end{array} \right.$$



$$b_{\min} = 2 \cdot (c_{nom} + \phi_k) + 6 \cdot \phi_L + 5 \cdot a =$$

$$= 2 \cdot (30 + 8) + 6 \cdot 16 + 5 \cdot 20 = 272 \text{ mm}$$

$$b_{\min} < b = 300 \text{ mm} \rightarrow \text{vasak elférnek egy sorban}$$

Ellenőrzés

$$a_{tényl} = 30 + 8 + \frac{16}{2} = 46 \text{ mm}$$

$$d_{tényl} = 450 - 46 = 404 \text{ mm}$$

vetületi egyenlet :

$$F_c = F_s$$

$$b \cdot x_c \cdot f_{cd} = A_{s,alk} \cdot f_{yd}$$

$$x_c = \frac{A_{s,alk} \cdot f_{yd}}{b \cdot f_{cd}} = \frac{1206 \cdot 347,8}{320 \cdot 10,67} = 122,88 \text{ mm} < x_{co} = 213,6 \text{ mm}$$

$$x_c = 122,88 \text{ mm} < x_{co} = 213,6 \text{ mm} \rightarrow \text{az acél megfolyik}$$

$$\begin{aligned} M_{Rd} &= F_c \cdot \left(d - \frac{x_c}{2} \right) = b \cdot x_c \cdot f_{cd} \cdot \left(d_{tényl} - \frac{x_c}{2} \right) = \\ &= 300 \cdot 122,88 \cdot 10,67 \cdot \left(404 - \frac{122,88}{2} \right) = 134,74 \text{ kNm} \end{aligned}$$

$$M_{Rd} = 134,74 \text{ kNm} > M_{Ed} = 150 \text{ kNm} \rightarrow \text{Megfelel!}$$

vasalás ellenőrzése (szerkesztési szabályok betartása)

$$A_{s,min} = \max \left(\begin{array}{l} 0,26 \cdot \frac{f_{ctm}}{f_{yk}} \cdot b \cdot d \\ 0,0013 \cdot b \cdot d \end{array} \right) = \max \left(\begin{array}{l} 0,26 \cdot \frac{1,9}{500} \cdot 300 \cdot 402 \\ 0,0013 \cdot 300 \cdot 402 \end{array} \right) = \max \left(\begin{array}{l} 119,15 \text{ mm}^2 \\ 156,78 \text{ mm}^2 \end{array} \right)$$

$$A_{s,max} = 4\% \cdot b \cdot h = 0,04 \cdot 300 \cdot 450 = 5400 \text{ mm}^2$$

$$A_{s,min} < A_{s,eff} = 1206 \text{ mm}^2 < A_{s,max} \rightarrow \text{megfelel}$$

Feladat megoldása paraméteresen

nyomatéki kihasználtsági paraméter:

$$m = \frac{M_{Ed}}{b \cdot d^2 \cdot f_{cd}} = \frac{130 \cdot 10^6}{300 \cdot 400^2 \cdot 10,67} = 0,2539$$

$$\xi_{cd} = 1 - \sqrt{1 - 2m} = 1 - \sqrt{1 - 2 \cdot 0,2539} = 0,2984$$

$$\zeta_{cd} = 1 - \frac{\xi_{cd}}{2} = 1 - \frac{0,2984}{2} = 0,85078$$

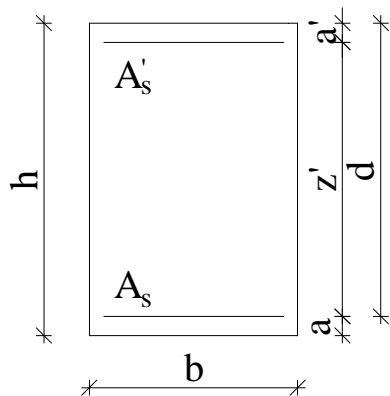
$$x_{cd} = \xi_{cd} \cdot d = 0,2984 \cdot 400 = 119,36 \text{ mm} < \xi_{co} \cdot d = 0,534 \cdot 400 = 213,6 \text{ mm}$$

\rightarrow az acél megfolyik

$$A_{s,req} = \frac{M_{Ed}}{\zeta_{cd} \cdot d \cdot f_{yd}} = \frac{130 \cdot 10^6}{0,85078 \cdot 400 \cdot 347,8} = 1098,34 \text{ mm}^2 \rightarrow A_{s,eff} = 6\phi 16 = 1206 \text{ mm}^2$$

ellenőrzés lásd. előbb!

Derékszögű \square km tervezése III. fasz. állapotban EC2 szerint (vasalás meghatározása nyomaték tervezési értékére)



$$M_{Ed} = 230 \text{ kNm}$$

Beton C16/20, $\alpha = 1,0$ (Mo.)

Betonacél B60.40

betontakarás $c = 30 \text{ mm}$

$b = 300 \text{ mm}$ $h = 450 \text{ mm}$

feltételezett betonacél $\phi 20$

kengyel $\phi 8$

$$a = c_{nom} + \phi_k + \frac{\phi_h}{2} = 30 + 8 + \frac{20}{2} = 48 \approx 50 \text{ mm}$$

$$a' = c_{nom} + \phi_k + \frac{\phi_h}{2} = 30 + 8 + \frac{20}{2} = 48 \approx 50 \text{ mm}$$

$$d = h - a = 450 - 50 = 400 \text{ mm}$$

$$z' = d - a' = 400 - 50 = 350 \text{ mm}$$

Anyagjellemzők

Beton C16/20

- beton nyomószilárdságának karakterisztikus értéke

$$f_{ck} = 16 \text{ N/mm}^2$$

- beton nyomószilárdságának tervezési értéke

$$f_{cd} = \frac{f_{ck}}{\gamma_c} = \frac{16,0}{1,5} = 10,67 \text{ N/mm}^2 \quad \gamma_c = 1,5$$

- beton húzószilárdságának várható értéke

$$f_{ctm} = 1,9 \text{ N/mm}^2$$

Betonacél B60.50

- betonacél folyási határának karakterisztikus értéke

$$f_{yk} = 400 \text{ N/mm}^2$$

- betonacél folyási határának tervezési értéke

$$f_{yd} = \frac{f_{yk}}{\gamma_s} = \frac{400}{1,15} = 347,8 \text{ N/mm}^2 \quad \gamma_s = 1,15$$

- a relatív nyomott betonzóna magasság határhelyzete húzott acélbetétekre

$$\text{vonatkozólag} \quad \xi_{c0} = \frac{560}{f_{yd} + 700} = \frac{560}{347,8 + 700} = 0,534$$

- a relatív nyomott betonzóna magasság határhelyzete nyomott acélbetétekre

$$\text{vonatkozólag} \quad \xi'_{co} = 1,59$$

Vasalás meghatározása

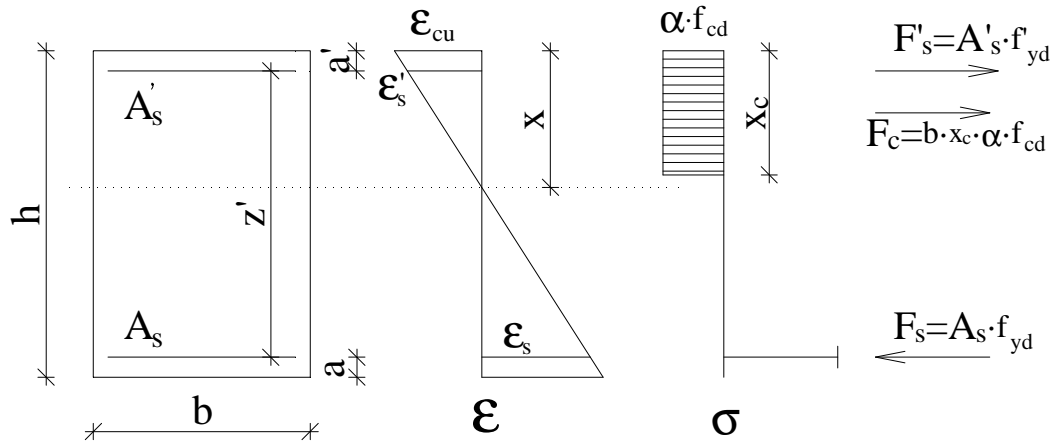
M_{c0} meghatározása (M_{c0} az a max nyomaték amit a km nyomott vasalás nélkül képes elviselni)

$$x_{c0} = \xi_{c0} \cdot d = 0,534 \cdot 400 = 213,6 \text{ mm}$$

$$M_{c0} = b \cdot x_{c0} \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{x_{c0}}{2} \right) = 300 \cdot 213,6 \cdot 10,67 \cdot \left(400 - \frac{213,6}{2} \right) = 200,47 \text{ kNm}$$

$$M_{c0} = 200,47 \text{ kNm} < M_{Ed} = 230 \text{ kNm} \rightarrow \text{szükség van nyomott vasalásra!!!}$$

$$\Delta M = M_{Ed} - M_{c0} = 230 - 200,47 = 29,53 \text{ kNm} \rightarrow \text{nyomott vassal felveendő nyomaték}$$



A_s' meghatározása (nyomatéki egyenlet a húzott vasak súlypontjára)

$$M_{Ed} = M_{c0} + A_s' \cdot f_{yd} \cdot z'$$

$$A_s' = \frac{M_{Ed} - M_{c0}}{f_{yd} \cdot z'} = \frac{\Delta M}{f_{yd} \cdot z'} = \frac{29,53 \cdot 10^6}{347,8 \cdot 350} = 242,59 \text{ mm}^2$$

$$A_{s,alk}' = 3\phi 12 = 339 \text{ mm}^2$$

A_s meghatározása (vetületi egyenlet)

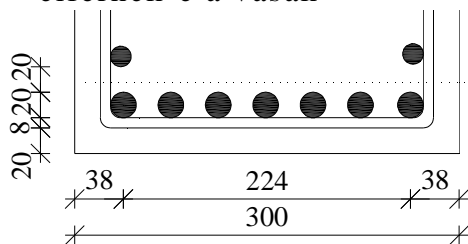
$$F_c + F_s' - F_s = 0$$

$$b \cdot x_{c0} \cdot f_{cd} + A_s' \cdot f_{yd} - A_s \cdot f_{yd} = 0$$

$$300 \cdot 213,6 \cdot 10,67 + 242,6 \cdot 347,8 - A_s \cdot 347,8 = 0$$

$$A_s = 2202 \text{ mm}^2 \rightarrow A_{s,alk} = 6\phi 20 + 2\phi 16 = 1884 + 402 = 2287 \text{ mm}^2$$

elférnek-e a vasak



$$b_{\min} = 2 \cdot (c_{nom} + \phi_k) + 6 \cdot \phi_{h1} + 2 \cdot \phi_{h2} + 7 \cdot 20 =$$

$$= 2 \cdot (30 + 8) + 6 \cdot 20 + 2 \cdot 16 + 7 \cdot 20 = 368 \text{ mm}$$

$$b_{\min} > b = 300 \text{ mm} \rightarrow \text{vasak nem férnek el egy sorban}$$

$$6\phi 20 \text{ egy sorban } b_{\min} = 296 \text{ mm} < b = 300 \text{ mm}$$

Ellenőrzés

húzott vasak súlypontja (statikai nyomaték / felület)

$$s = \frac{6 \cdot 314 \cdot (30 + 8 + 10) + 2 \cdot 201 \cdot (30 + 8 + 20 + 20 + 8)}{2287} = 54,7 \text{ mm}$$

$$a_{tényl} = s = 54,7 \text{ mm}$$

$$d_{tényl} = h - a = 450 - 54,7 = 395,3 \text{ mm}$$

$$a'_{tényl} = c + \phi_k + \frac{\phi_h}{2} = 30 + 8 + 6 = 34 \text{ mm}$$

vetületi egyenlet x_c meghatározása

$$F_c + F'_s - F_s = 0$$

$$b \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd} + A'_s \cdot f_{yd} - A_s \cdot f_{yd} = 0$$

$$x_c = \frac{A_s \cdot f_{yd} - A'_s \cdot f_{yd}}{b \cdot \alpha \cdot f_{cd}} = \frac{2287 \cdot 347,8 - 339 \cdot 347,8}{300 \cdot 1,0 \cdot 10,67} = 211,66 \text{ mm} < x_{c0} \rightarrow \text{acél megfolyik}$$

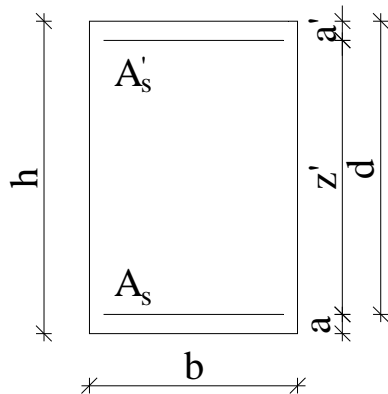
$$\xi'_c = \frac{x_c}{a'} = \frac{211,66}{34} = 6,22 > \xi'_{co} \rightarrow \text{nyomott acél is megfolyik}$$

ellenkező esetben a betonacélban keletkező tényleges feszültség a határfeszültség redukáltja lenne!!!

nyomatéki egyenlet

$$\begin{aligned} M_{Rd} &= b \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d_{tényl} - \frac{x_c}{2} \right) + A'_{s,alk} \cdot f_{yd} \cdot (d_{tényl} - a'_{tényl}) = \\ &= 300 \cdot 211,66 \cdot 1,0 \cdot 10,67 \cdot \left(395,3 - \frac{211,66}{2} \right) + 339 \cdot 347,8 \cdot (395,3 - 44) = \\ &= 237,49 \text{ kNm} > M_{sd} = 230 \text{ kNm} \rightarrow \text{Megfelel} \end{aligned}$$

**Derékszögű \square km tervezése III. fasz. állapotban EC2 szerint
(km meghatározása nyomaték tervezési értékére)**



$$M_{Ed} = 300kNm$$

Beton C25/30, $\alpha = 1,0$ (Mo.)

Betonacél B60.50

betontakarás $c = 20mm$

Meghatározandók a km méretei és a szükséges vasmennyiség!

Anyagjellemzők

Beton C25/30

- beton nyomószilárdságának karakterisztikus értéke

$$f_{ck} = 25N/mm^2$$

- beton nyomószilárdságának tervezési értéke

$$f_{cd} = \frac{f_{ck}}{\gamma_c} = \frac{25,0}{1,5} = 16,67N/mm^2 \quad \gamma_c = 1,5$$

Betonacél B60.50

- betonacél folyási határának karakterisztikus értéke

$$f_{yk} = 500N/mm^2$$

- betonacél folyási határának tervezési értéke

$$f_{yd} = \frac{f_{yk}}{\gamma_s} = \frac{500}{1,15} = 434,78N/mm^2 \quad \gamma_s = 1,15$$

- a relatív nyomott betonzóna magasság határhelyzete húzott acélbetétekre

$$\text{vonatkozólag } \xi_{c0} = \frac{560}{f_{yd} + 700} = \frac{560}{434,78 + 700} = 0,493$$

Ismeretlenek b d A_s A_s' x_c

rendelkezésünkre áll 1 nyomatéki és 1 vetületi egyenlet ezek meghatározására

5 ismeretlen 2 egyenlet \rightarrow megoldáshoz további megkötésekre van szükség, melyek a következők:

$A_s' - t$ (nyomott vasalást) nem alkalmazunk

gerenda gazdaságos tervezéséhez $\xi_c = 0,4$ (0,3)

$b - t$ felvesszük és ebből meghatározzuk $d - t$ vagy

$d - t$ felvesszük és ebből meghatározzuk $b - t$ vagy

arányt veszünk fel például $\eta = \frac{d}{b} = 1,5$

b d A_s meghatározása

$$\eta = 1,5 \quad \xi_c = 0,4 \quad \alpha = 1,0 \quad M_{Ed} = 300kNm$$

$$M_{Ed} = x_c \cdot b \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{x_c}{2}\right) = \xi_c \cdot d \cdot \frac{d}{\eta} \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot d \cdot \left(1 - \frac{\xi_c}{2}\right) =$$

$$= \frac{d^3}{\eta} \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \xi_c \cdot \left(1 - \frac{\xi_c}{2}\right) \rightarrow \text{ebből } d - t \text{ kifejezve}$$

$$d = \sqrt[3]{\frac{\eta \cdot M_{Ed}}{\alpha \cdot f_{cd} \cdot \xi_c \cdot \left(1 - \frac{\xi_c}{2}\right)}} = \sqrt[3]{\frac{1,5 \cdot 300 \cdot 10^6}{1,0 \cdot 16,67 \cdot 0,4 \cdot (1 - 0,2)}} = 438 \text{mm} \approx \underline{450 \text{mm}}$$

$$h = d + a = 450 + 50 = 500 \text{mm}$$

$$\text{b meghatározása } b = \frac{d}{1,5} = \frac{450}{1,5} = 292 \text{mm} \approx \underline{300 \text{mm}}$$

vetületi egyenlet A_s meghatározásához

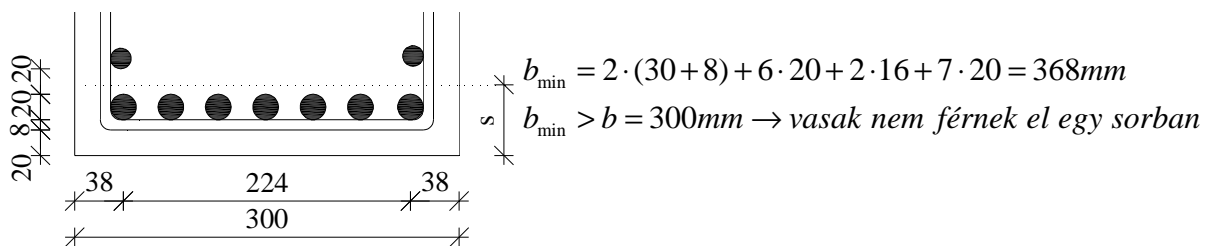
$$F_c = F_s$$

$$b \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd} = A_s \cdot f_{yd} \quad x_c = \xi_c \cdot d = 0,4 \cdot 450 = 180 \text{mm}$$

$$A_s = \frac{b \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd}}{f_{yd}} = \frac{300 \cdot 180 \cdot 1,0 \cdot 16,67}{434,78} = 2074,15 \text{mm}^2$$

$$A_s = 2074,15 \text{mm}^2 \rightarrow \underline{A_{s,alk} = 6\phi 20 + 2\phi 16 = 1884 + 402 = 2287 \text{mm}^2}$$

elférnek-e a vasak



$6\phi 20$ egy sorban $b_{\min} = 296 \text{mm} < b = 300 \text{mm}$ felette $2\phi 16$

Ellenőrzés

$$b = 300 \text{mm} \quad d = 450 \text{mm} \quad h = 500 \text{mm}$$

vasalás ellenőrzése (szerkesztési szabályok betartása)

$$A_{s,\min} = \max \left(\begin{array}{l} 0,26 \cdot \frac{f_{ctm}}{f_{yk}} \cdot b \cdot d \\ 0,0013 \cdot b \cdot d \end{array} \right) = \max \left(\begin{array}{l} 0,26 \cdot \frac{1,9}{500} \cdot 300 \cdot 450 \\ 0,0013 \cdot 300 \cdot 450 \end{array} \right) = \max \left(\begin{array}{l} 133,38 \text{mm}^2 \\ 175,5 \text{mm}^2 \end{array} \right)$$

$$A_{s,\max} = 4\% \cdot b \cdot h = 0,04 \cdot 300 \cdot 500 = \underline{6000 \text{mm}^2}$$

$$A_{s,\min} < A_{s,alk} = 2287 \text{mm}^2 < A_{s,\max} \rightarrow \text{megfelel}$$

húzott vasak súlypontja (statikai nyomaték / felület)

$$s = \frac{6 \cdot 314 \cdot (30 + 8 + 10) + 2 \cdot 201 \cdot (30 + 8 + 20 + 20 + 8)}{2287} = 54,7 \text{mm}$$

$$a_{tényl} = s = 54,7 \text{mm}$$

$$d_{tényl} = h - a = 500 - 54,7 = 445,3 \text{mm}$$

vetületi egyenlet x_c meghatározásához

$$F_c = F_s$$

$$b \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd} = A_{s,alk} \cdot f_{yd}$$

$$x_c = \frac{A_{s,alk} \cdot f_{yd}}{b \cdot \alpha \cdot f_{cd}} = \frac{2287 \cdot 434,78}{300 \cdot 1,0 \cdot 16,67} = 198,83 \text{ mm} < x_{co} = 0,493 \cdot 445,3 = 219,5 \text{ mm}$$

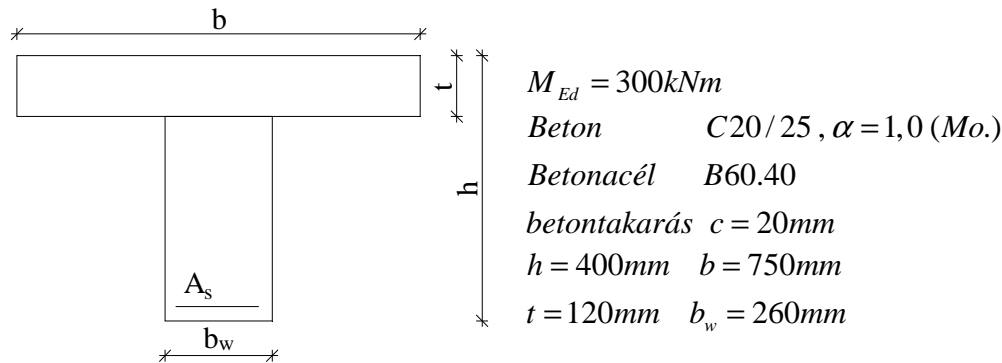
$x_c = 198,83 \text{ mm} < x_{co} = 219,5 \text{ mm} \rightarrow$ az acél megfolyik

nyomatéki egyenlet M_{Rd} meghatározása

$$\begin{aligned} M_{Rd} &= F_c \cdot \left(d - \frac{x_c}{2} \right) = b \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d_{tényl} - \frac{x_c}{2} \right) = \\ &= 300 \cdot 198,83 \cdot 1,0 \cdot 16,67 \cdot \left(445,3 - \frac{198,83}{2} \right) = 343,93 \text{ kNm} \end{aligned}$$

$M_{Rd} = 343,93 \text{ kNm} > M_{Ed} = 300 \text{ kNm} \rightarrow$ Megfelel!

**„T” km tervezése III. fesz. állapotban EC2 szerint
(vasalás meghatározása nyomaték tervezési értékére)**



Vasak két sorban feltételezve

$$a = c + \phi_k + \phi_h + \frac{\phi_h}{2} = 30 + 10 + 20 + 10 + 10 = 70 \text{ mm}$$

$$d = h - a = 400 - 70 = 330 \text{ mm}$$

Anyagjellemzők

Beton C20/25

- beton nyomószilárdságának karakterisztikus értéke

$$f_{ck} = 20 \text{ N/mm}^2$$

- beton nyomószilárdságának tervezési értéke

$$f_{cd} = \frac{f_{ck}}{\gamma_c} = \frac{20,0}{1,5} = 13,33 \text{ N/mm}^2 \quad \gamma_c = 1,5$$

- beton húzószilárdságának várható értéke (28 napos korban)

$$f_{cfm} = 2,2 \text{ N/mm}^2$$

Betonacél B60.40

- betonacél folyási határának karakterisztikus értéke

$$f_{yk} = 400 \text{ N/mm}^2$$

- betonacél folyási határának tervezési értéke

$$f_{yd} = \frac{f_{yk}}{\gamma_s} = \frac{400}{1,15} = 347,83 \text{ N/mm}^2 \quad \gamma_s = 1,15$$

- a relatív nyomott betonzóna magasság határhelyzete

$$\xi_{c0} = \frac{560}{f_{yd} + 700} = \frac{560}{347,83 + 700} = 0,534$$

$$\xi'_{c0} = \frac{560}{700 - f_{yd}} = \frac{560}{700 - 347,83} = 1,59$$

Vasalás meghatározása

M_0 meghatározása (M_0 az a max nyomaték amit a km nyomott vasalás nélkül képes elviselni)

$$x_{c0} = \xi_{c0} \cdot d = 0,534 \cdot 330 = 176,22 \text{ mm}$$

$$\begin{aligned} M_0 &= (b - b_w) \cdot t \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{t}{2} \right) + b_w \cdot x_{c0} \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{x_{c0}}{2} \right) = \\ &= (750 - 260) \cdot 120 \cdot 1,0 \cdot 13,33 \cdot \left(330 - \frac{120}{2} \right) + 260 \cdot 176,22 \cdot 1,0 \cdot 13,33 \cdot \left(330 - \frac{176,22}{2} \right) = \\ &= 359,44 \text{ kNm} > M_{Ed} = 300 \text{ kNm} \rightarrow \text{nincs szükség nyomott vasalásra} \end{aligned}$$

A T km fejlemeze által felvehető nyomaték:

$$\begin{aligned} M_{ft} &= b \cdot t \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{t}{2} \right) = 750 \cdot 120 \cdot 1,0 \cdot 13,33 \cdot \left(330 - \frac{120}{2} \right) = \\ &= 323,19 \text{ kNm} > M_{Ed} \rightarrow \text{semleges tengely a lemezbe esik} \end{aligned}$$

A_s A_{seff} meghatározása

$$m = \frac{M_{Ed}}{b \cdot d^2 \cdot \alpha \cdot f_{cd}} = \frac{300 \cdot 10^6}{750 \cdot 330^2 \cdot 1,0 \cdot 13,33} = 0,276$$

$$\xi_{cd} = 1 - \sqrt{1 - 2m} = 1 - \sqrt{1 - 2 \cdot 0,276} = 0,331$$

$$\zeta_{cd} = 1 - \frac{\xi_{cd}}{2} = 1 - \frac{0,331}{2} = 0,835$$

$$x_{cd} = \xi_{cd} \cdot d = 0,331 \cdot 330 = 109,22 \text{ mm} < t = 120 \text{ mm}$$

$$A_{s,szüks} = \frac{M_{Ed}}{\zeta_{cd} \cdot d \cdot f_{yd}} = \frac{300 \cdot 10^6}{0,835 \cdot 330 \cdot 347,83} = 3130 \text{ mm}^2 \rightarrow A_{s,alk} = 10\phi 20 = 3142 \text{ mm}^2$$

két sorban elhelyezett vasalás

Vasalás meghatározása másképpen

x_c meghatározása (nyomatéki egyenlet a húzott vasak súlypontjára)

$$M_{Ed} = F_c \cdot \left(d - \frac{x_c}{2} \right) = b \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{x_c}{2} \right) \text{ egyenlet rendezése után}$$

$$\frac{b \cdot x_c^2}{2} \cdot \alpha \cdot f_{cd} - b \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot d + M_{Ed} = 0$$

$$x_c = d - \sqrt{d^2 - \frac{2 \cdot M_{Ed}}{b \cdot f_{cd}}} = 330 - \sqrt{330^2 - \frac{2 \cdot 300 \cdot 10^6}{750 \cdot 13,33}} = 109,27 \text{ mm}$$

$$x_c = 109,27 \text{ mm} < t = 120 \text{ mm}$$

A_s meghatározása (vetületi egyenlet)

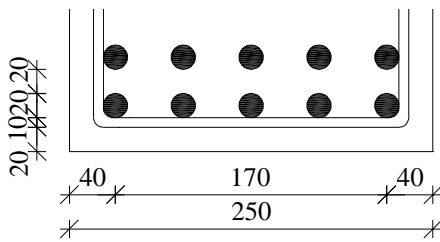
$$F_c = F_s$$

$$b \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd} = A_s \cdot f_{yd} \quad \alpha = 1,0$$

$$A_s = \frac{b \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd}}{f_{yd}} = \frac{750 \cdot 109,27 \cdot 1,0 \cdot 13,33}{347,83} = 3133,9 \text{ mm}^2$$

$$A_{s,alk} = 10\phi 20 = 3142 \text{ mm}^2$$

elférnek-e a vasak



vasak két sorban

$$b_{\min} = 2 \cdot (c + \phi_k) + 5 \cdot \phi_h + 4 \cdot a =$$

$$= 2 \cdot (30 + 10) + 5 \cdot 20 + 4 \cdot 20 = 260 \text{ mm}$$

$$b_{\min} = b = 260 \text{ mm}$$

Ellenőrzés x_c meghatározása (vetületi egyenlet)

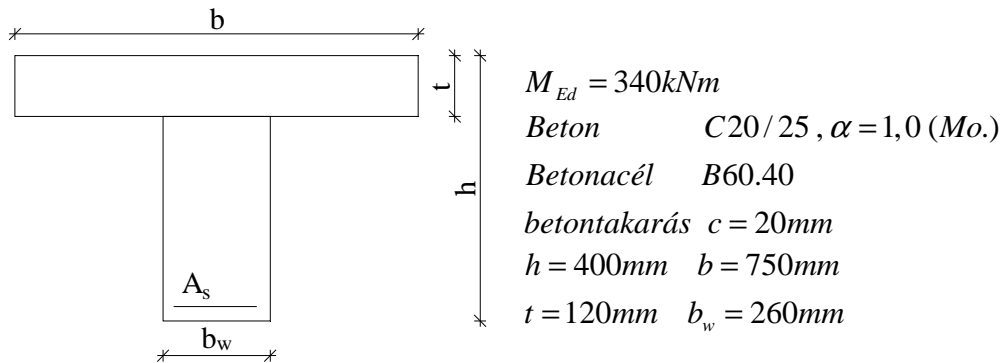
$$F_c = F_s \rightarrow x_c = \frac{A_{s,alk} \cdot f_{yd}}{b \cdot \alpha \cdot f_{cd}} = \frac{3142 \cdot 347,83}{750 \cdot 1,0 \cdot 13,33} = 109,32 \text{ mm} < t = 120 \text{ mm}$$

$$x_c = 109,32 \text{ mm} < x_{co} = 0,534 \cdot 330 = 176,22 \text{ mm}$$

$$M_{Rd} = b \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{x_c}{2} \right) = 750 \cdot 109,55 \cdot 1,0 \cdot 13,33 \cdot \left(330 - \frac{109,55}{2} \right) = 300,92 \text{ kNm}$$

$$M_{Rd} = 300,92 \text{ kNm} > M_{Ed} = 300 \text{ kNm} \rightarrow \text{Megfelel}$$

**„T” km tervezése III. fesz. állapotban EC2 szerint
(vasalás meghatározása nyomaték tervezési értékére)**



Vasak két sorban feltételezve

$$a = c + \phi_k + \phi_h + \frac{\phi_h}{2} = 30 + 10 + 20 + 10 = 70 \text{ mm}$$

$$d = h - a = 400 - 70 = 330 \text{ mm}$$

Anyagjellemzők

Beton C20/25

- beton nyomószilárdságának karakterisztikus értéke

$$f_{ck} = 20 \text{ N/mm}^2$$

- beton nyomószilárdságának tervezési értéke

$$f_{cd} = \frac{f_{ck}}{\gamma_c} = \frac{20,0}{1,5} = 13,33 \text{ N/mm}^2 \quad \gamma_c = 1,5$$

- beton húzószilárdságának várható értéke (28 napos korban)

$$f_{cfm} = 2,2 \text{ N/mm}^2$$

Betonacél B60.40

- betonacél folyási határának karakterisztikus értéke

$$f_{yk} = 400 \text{ N/mm}^2$$

- betonacél folyási határának tervezési értéke

$$f_{yd} = \frac{f_{yk}}{\gamma_s} = \frac{400}{1,15} = 347,83 \text{ N/mm}^2 \quad \gamma_s = 1,15$$

- a relatív nyomott betonzóna magasság határhelyzete

$$\xi_{c0} = \frac{560}{f_{yd} + 700} = \frac{560}{347,83 + 700} = 0,534$$

$$\xi'_{c0} = \frac{560}{700 - f_{yd}} = \frac{560}{700 - 347,83} = 1,59$$

Vasalás meghatározása

M_{c0} meghatározása (M_{c0} az a max nyomaték amit a km nyomott vasalás nélkül képes elviselni)

$$x_{c0} = \xi_{c0} \cdot d = 0,534 \cdot 330 = 176,22 \text{ mm}$$

$$\begin{aligned} M_0 &= (b - b_w) \cdot t \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{t}{2}\right) + b_w \cdot x_{c0} \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{x_{c0}}{2}\right) = \\ &= (750 - 260) \cdot 120 \cdot 1,0 \cdot 13,33 \cdot \left(330 - \frac{120}{2}\right) + 260 \cdot 176,22 \cdot 1,0 \cdot 13,33 \cdot \left(330 - \frac{176,22}{2}\right) = \\ &= 359,44 \text{ kNm} > M_{Ed} = 340 \text{ kNm} \rightarrow \text{nincs szükség nyomott vasalásra} \end{aligned}$$

a T km fejlemezé által felvehető nyomaték:

$$\begin{aligned} M_{fl} &= b \cdot t \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{t}{2}\right) = 750 \cdot 120 \cdot 1,0 \cdot 13,33 \cdot \left(330 - \frac{120}{2}\right) = \\ &= 323,19 \text{ kNm} < M_{Ed} \rightarrow \text{semleges tengely a bordába esik!!} \end{aligned}$$

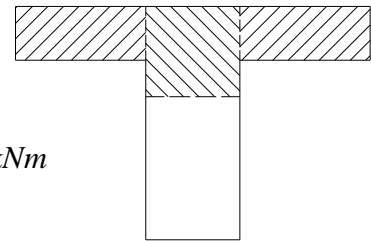
a T km bordára jutó nyomaték

$$\begin{aligned} M'_{fl} &= (b - b_w) \cdot t \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{t}{2}\right) = \\ &= (750 - 260) \cdot 120 \cdot 1,0 \cdot 13,33 \cdot \left(330 - \frac{120}{2}\right) = 211,67 \text{ kNm} \end{aligned}$$

$$M_b = M_{Ed} - M'_{fl} = 340 - 211,67 = 128,33 \text{ kNm}$$

a borda által (nyomott vas nélkül) felvehető nyomaték

$$\begin{aligned} M_{bo} &= b_w \cdot x_{c0} \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{x_{c0}}{2}\right) = 260 \cdot 176,22 \cdot 1,0 \cdot 13,33 \cdot \left(330 - \frac{176,22}{2}\right) = \\ &= 147,77 \text{ kNm} > M_b \rightarrow \text{nincs szükség nyomott vasra} \end{aligned}$$



$$x_c = d - \sqrt{d^2 - \frac{2 \cdot M_b}{b_w \cdot \alpha \cdot f_{cd}}} = 330 - 330 \cdot \sqrt{330^2 - \frac{2 \cdot 128,33 \cdot 10^6}{260 \cdot 1,0 \cdot 13,33}} = 143,29 \text{ mm}$$

vetületi egyenlet

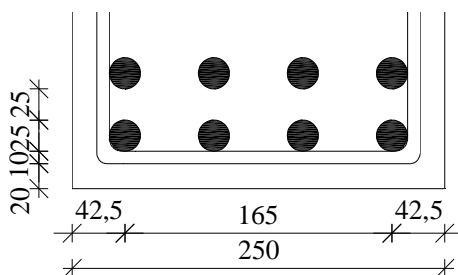
$$F_c + F'_c - F_s = 0$$

$$(b - b_w) \cdot t \cdot \alpha \cdot f_{cd} + b_w \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd} - A_s \cdot f_{yd} = 0$$

$$A_s = \frac{(750 - 260) \cdot 120 \cdot 1,0 \cdot 13,33 + 260 \cdot 143,29 \cdot 1,0 \cdot 13,33}{347,83} = 3681,99 \text{ mm}^2$$

$$A_{s,alk} = 10 \phi 22 = 3799 \text{ mm}^2 \rightarrow \text{két sorban}$$

elférnek-e a vasak



$$b_{\min} = 2 \cdot (30 + 10) + 9 \cdot 22 = 278 \text{ mm} > 260 \text{ mm}$$

Nem férnek el ezért $A_{s,alk} = 8 \phi 25 = 3925 \text{ mm}^2$

$$b_{\min} = 2 \cdot (30 + 10) + 7 \cdot 25 = 255 \text{ mm} < 260 \text{ mm}$$

Ellenőrzés

$$a_{tényl} = 30 + 10 + 25 + \frac{25}{2} = 77,5 \text{ mm} \cong 78 \text{ mm}$$

$$d_{tényl} = 400 - 78 = 322 \text{ mm}$$

x_c meghatározása (vetületi egyenlet)

$$x_c = \frac{A_{s,alk} \cdot f_{yd} - (b - b_w) \cdot t \cdot \alpha \cdot f_{cd}}{b_w \cdot \alpha \cdot f_{cd}} = \frac{3925 \cdot 347,83 - (750 - 260) \cdot 120 \cdot 1,0 \cdot 13,3}{260 \cdot 1,0 \cdot 13,3} = 167,67 \text{ mm}$$

$$x_c = 167,67 \text{ mm} < x_{co} = 0,534 \cdot 322 = 171,95 \text{ mm} \rightarrow \text{vasak megfolynak}$$

$$\begin{aligned} M_{Rd} &= (b - b_w) \cdot t \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{t}{2} \right) + b_w \cdot x_c \cdot \alpha \cdot f_{cd} \cdot \left(d - \frac{x_c}{2} \right) = \\ &= (750 - 260) \cdot 120 \cdot 1,0 \cdot 13,33 \cdot \left(322 - \frac{120}{2} \right) + 260 \cdot 167,67 \cdot 1,0 \cdot 13,33 \cdot \left(322 - \frac{167,67}{2} \right) = \\ &= 343,83 \text{ kNm} > M_{Ed} = 340 \text{ kNm} \rightarrow \text{Megfelel} \end{aligned}$$