

# TARTÓSZERKEZETEK II.-III.

## VASBETONSZERKEZETEK

2009.03.07.

# VASBETON KERESZTMETSZET NYOMÁSI TEHERBÍRÁSÁNAK SZÁMÍTÁSA

- A keresztmetszet teherbírása megfelelő ha nyomott km. esetén:
  - $N_{Ed} \leq N_{Rd}$
  - Ahol  $N_{Ed}$  a normálerő tervezési értéke (mértékadó normálerő) amelyet a terhek tervezési értékéből határozzunk meg.
  - $N_{Ed}$  a normálerő tervezési értéke - határerő
    - „R” resistance (ellenállás)
    - „E” effect (hatás, azaz a terhek hatása)
    - „d” design (tervezés)

# VASBETON KERESZTMETSZET KÜLPONTOS NYOMÁSA

Központos nyomás esetén ( $e=0$ ) a keresztmetszeten figyelembe vehető legnagyobb összenyomódás  $\varepsilon=\varepsilon_{c2}=2\text{‰}$

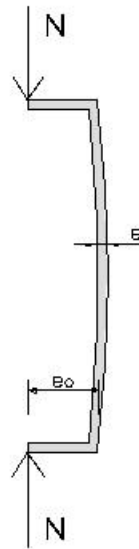
Külpontos nyomás esetén a keresztmetszet szélén (a hajlításhoz hasonlóan)  $\varepsilon\leq\varepsilon_{cu}=3,5\text{‰}$ , a keresztmetszet jobban nyomott szélétől  $3/7 h$  távolságban pedig  $\varepsilon=\varepsilon_{c2}=2\text{‰}$ . Ebből az következik, hogy az  $N_{Rd}$  számításához a keresztmetszet négy pontját kell megvizsgálni, és a külpontosság nagyságától függ, hogy melyik a mértékadó

# NYOMÁSI TEHERBÍRÁS

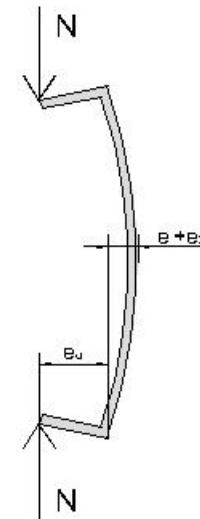
Külpontosság-növekmények:



Kezdeti elsőrendű  
külpontosság

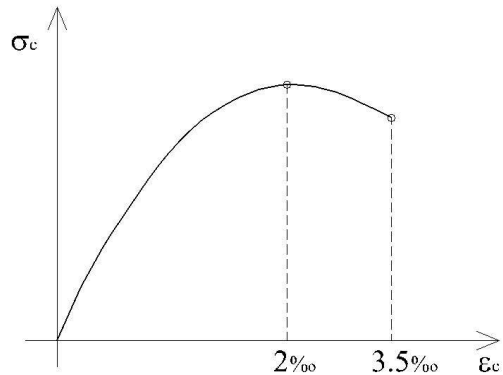


Kezdeti görbeségből  
(imperfekcióból) származó  
külpontosság

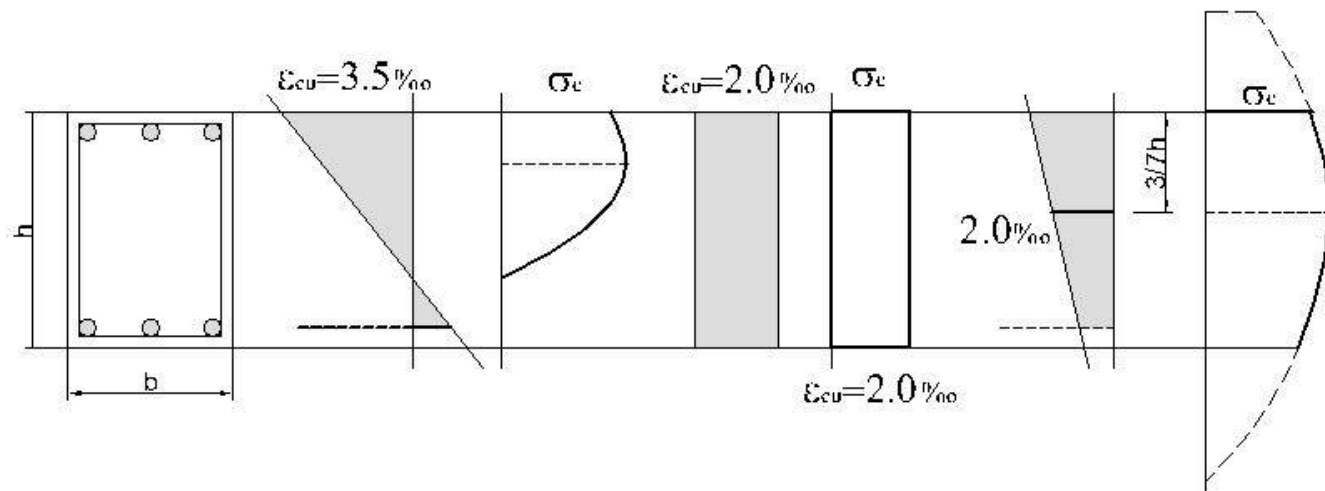


Másodrendű nyomatékból  
keletkező külpontosság

# VASBETON KERESZTMETSZET KÜLPONTOS NYOMÁSA

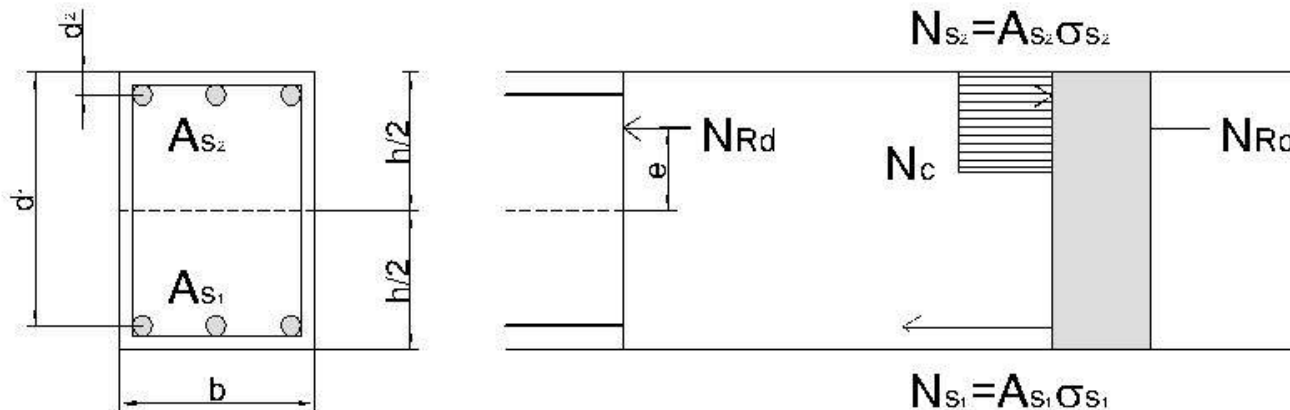


Az eső ágú  $\sigma$ - $\epsilon$  diagram miatt elvileg minden egyes esethez külön kell meghatározni a szélső szál összenyomódását.



# VASBETON KERESZTMETSZET KÜLPONTOS NYOMÁSA

- Külpontos erő a szimmetriasíokban:
- Egyensúlyi egyenletek két síkban elhelyezett acélbetét és négyyszög km. esetében ha a felső szál nyomott:



$$\sum N=0 \quad N_{Rd} = N_c - |N_{s1}| + |N_{s2}| = b \cdot x_c \cdot f_{cd} - A_{s1} \cdot \sigma_{s1} - A_{s2} \cdot \sigma_{s2}$$

$$\sum M=0 \quad N_{Rd} \left( \frac{h}{2} - e \right) = b \cdot \frac{x_c}{2} \cdot f_{cd} \cdot -A_{s2} \cdot d_1 \cdot \sigma_{s1} - A_{s2} \cdot d_2 \cdot \sigma_{s2}$$

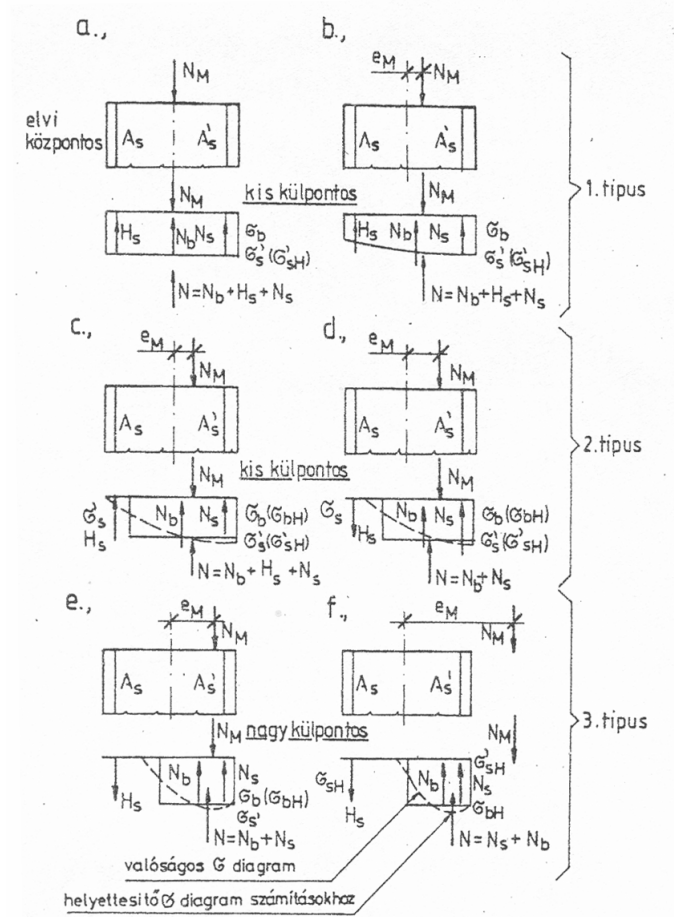
A fenti egyenletekben az acélok lehetnek rugalmas és képléken állapotban:

$$\sigma_{si} = -f'_{yd} \quad ha \quad \xi'_{co} < \xi_{ci} = \frac{x_c}{d_i}$$

$$\sigma_{si} = \frac{560}{x_c} d_i - 700, ha \quad \xi_{co} < \xi_{ci} < \xi'_{co}$$

$$\sigma_{si} = f_{yd}, \quad ha \quad \xi_{ci} < \xi_{co}$$

# Nyomott hajlított keresztmetszet feszültségmegoszlásának különböző típusai





# VASBETON KERESZTMETSZET KÜL-PONTOS NYOMÁSA KÖTÖTT TERVEZÉS

## kis külpontosság

➤ ismert  $b$ ,  $h$   $A'_s$ -t felvesszük.

$$M_{Ed} = N_{Ed} (e_{Ed} + c) = N_c \cdot z_c + N'_s \cdot z'$$

ha  $x_c > x_{c0}$  redukció

$$\sigma_s \left( \frac{560}{x_c} \cdot d - 700 \right)$$

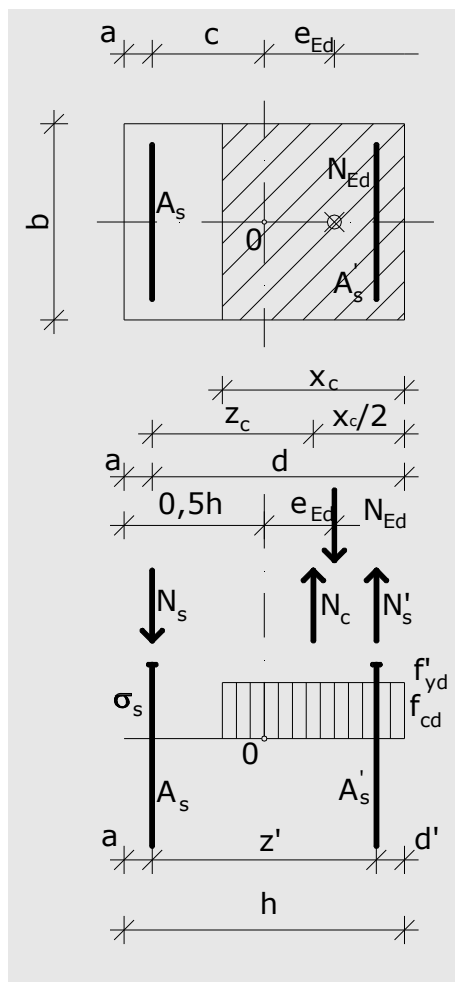
vetületi egyenlet:

$$N_{Ed} = N_c + N'_s - N_s = b \cdot x_c \cdot f_{cd} - A'_s \cdot f'_{yd} - A_s \cdot \sigma_s$$

$$N_{Ed} (e_{Ed} + c) = b \cdot x_c \cdot f_{cd} \cdot \left( d - \frac{x_c}{2} \right) + A'_s \cdot f'_{yd} \cdot z'$$

húzott betonacél mennyisége

$$A_s = \frac{b \cdot x_c \cdot f_{cd}}{\sigma_s} + \frac{A'_s \cdot f'_{yd}}{\sigma_s} - \frac{N_{Ed}}{\sigma_s}$$



# VASBETON KERESZTMETSZET KÜL-PONTOS NYOMÁSA KÖTÖTT TERVEZÉS kis külpontosság

Ha nyomott beton acélt nem alkalmazunk  
próbálgatásra nincs szükség.

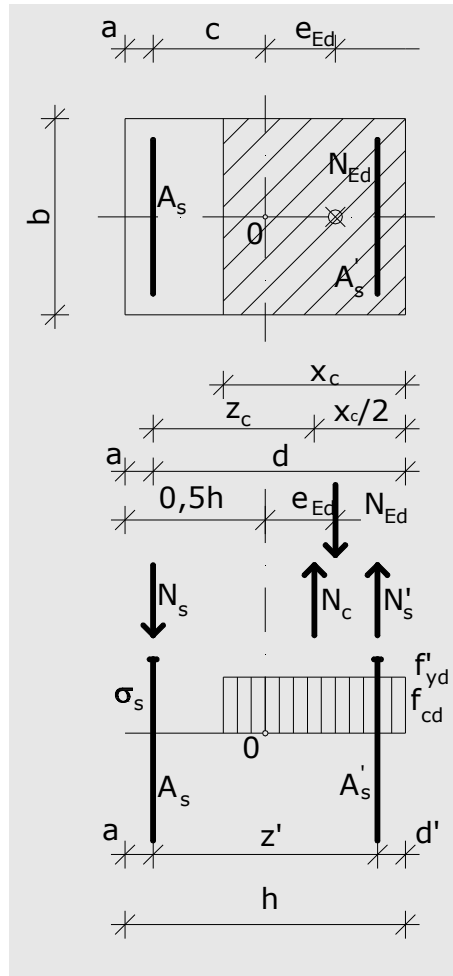
Megjegyezzük, hogy :

$$M_{Ed} > M_0 = b \cdot x_{c0} \cdot \left( h - \frac{x_{c0}}{2} \right) \cdot f_{cd}$$

esetén mindig kell nyomott vasalás ( $A_{s'} \neq 0$ ).

# VASBETON KERESZTMETSZET KÜLPONTOS NYOMÁSA, KÖTÖTT TERVEZÉS

## nagy külpontosság



ismert  $b, h$ , szükség van-e nyomott vasalásra?

$$M_s = N_{Ed} (e_{Ed} + c)$$

$$M_{c0} = N_c \cdot z_0 = b \cdot x_{c0} \cdot f_{cd} \cdot \left( d - \frac{x_{c0}}{2} \right) \quad \text{ahol} \quad x_0 = \xi_0 \cdot h$$

Ha  $M_s > M_{c0}$ , akkor nyomott betonacélra is szükség van. Nyomott betonacéllal a két nyomaték különbségét vesszük fel:

$$\Delta M = M_s - M_{c0}$$

nyomott betonacél mennyisége

$$\Delta M = A'_s \cdot f'_{yd} \cdot z'$$

$$A'_s = \frac{\Delta M}{f'_{yd}}$$

vetületi egyenlet:

$$N_s = N_c + N'_s - N_{Ed}$$

$$A_s \cdot f_{yd} = b \cdot x_c \cdot f_{cd} + A'_s \cdot f'_{yd} - N_{Ed}$$

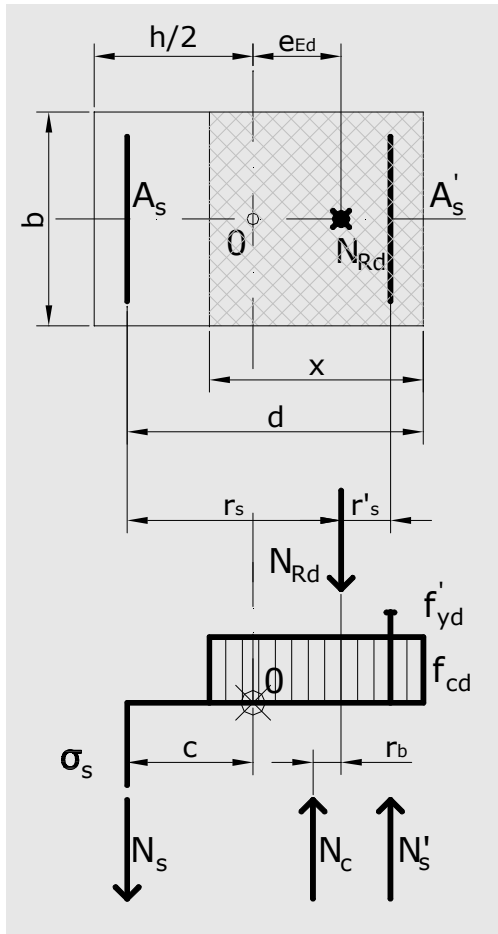
$$A_s = \frac{b \cdot x_{c0} \cdot f_{cd}}{f_{yd}} + \frac{A'_s \cdot f'_{yd}}{f_{yd}} - \frac{N_{Ed}}{f_{yd}}$$

# VASBETON KERESZTMETSZET KÜLPONTOS NYOMÁSA KÖTÖTT TERVEZÉS

## nagy külpontosság

Ha  $A_s < 0$ , tehát ha a húzott betonacél-szükségletre negatív szám jön ki, akkor ez azt jelenti, hogy az  $A_s$  acélbetét nem húzott, hanem nyomott. Abban az esetben, amikor  $M_s < M_{co}$ , tehát nyomott vasra nincs szükség, és  $A_s$  is negatív, a keresztmetszet túlméretezett, ezért célszerű a méretek csökkentése.

# Mértékadó külpontossághoz tartozó határerő meghatározása (kis külpontosság)



A nyomatéki egyenlet a Normálerő támadáspontjára

$$-N_s \cdot r_s + N_c \cdot r_c - N'_s \cdot r'_s = 0$$

ahol

$$N'_s = A'_s \cdot f'_{yd} \quad N_c = b \cdot x_c \cdot f_{cd} \quad N_s = A_s \cdot \sigma_s$$

$$\sigma_s = \left( \frac{560}{x_c} d - 700 \right)$$

behelyettesítve:

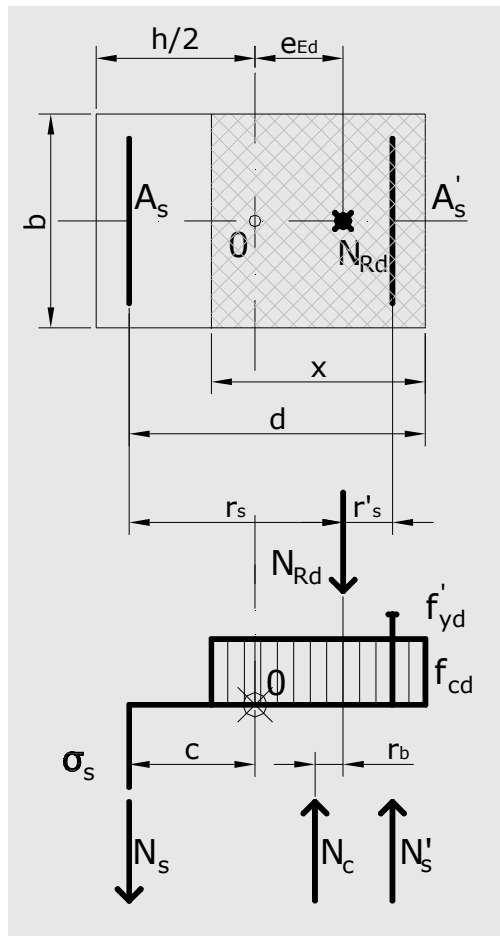
$$-A_s \cdot \left( \frac{560}{x_c} d - 700 \right) \cdot r_s + b \cdot x_c \cdot f_{cd} \cdot r_b - A'_s \cdot f'_{yd} \cdot r'_s = 0$$

Az  $x_c$  értéke a harmadfokú egyenlet megoldásaként számolható. A nyomott zóna  $x_c$  magasságának ismeretében a határerő értéke vetületi tétel segítségével meghatározható.

$$N_{Rd} = N_c + N'_s - N_s$$

$$N_{Rd} = b \cdot x \cdot f_{cd} + A'_s \cdot f'_{yd} - A_s \cdot \left( \frac{560}{x_c} \cdot d - 700 \right)$$

# Mértékadó külpontossághoz tartozó határerő meghatározása (nagy külpontosság)



A nyomatéki egyenlet a Normálerő támadáspontjára

$$-N_s \cdot r_s + N_c \cdot r_c - N'_s \cdot r'_s = 0 \quad \text{ahol}$$

$$N'_s = A'_s \cdot f'_{yd} \quad N_c = b \cdot x_c \cdot f_{cd} \quad N_s = A_s \cdot \sigma_s \quad \sigma_s = f_{yd}$$

behelyettesítve:

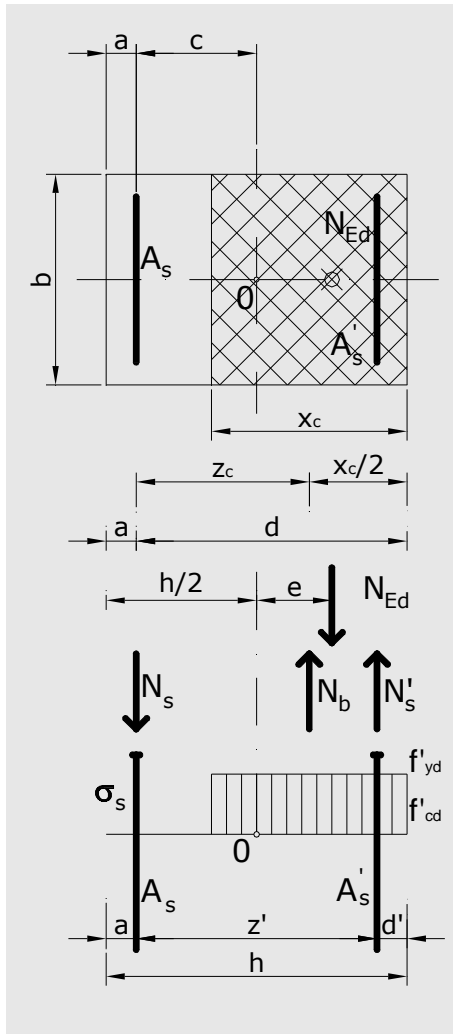
$$-A_s \cdot f_{yd} \cdot r_s + b \cdot x_c \cdot f_{cd} \cdot r_b - A'_s \cdot f'_{yd} \cdot r'_s = 0$$

Az  $x_c$  értéke a másodfokú egyenlet megoldásaként számolható. A nyomott zóna  $x_c$  magasságának ismeretében a határerő értéke vetületi tétel segítségével meghatározható.

$$N_{Rd} = N_c + N'_s - N_s$$

$$N_{Rd} = b \cdot x \cdot f_{cd} + A'_s \cdot f'_{yd} - A_s \cdot f_{yd}$$

# Mértékadó normálerőhöz tartozó határ- külpontosság meghatározása (kis kp.)



Vetületi egyenlet:

$$N_{Ed} - N_c - N'_s + N_s = 0$$

ahol

$$N'_s = A'_s \cdot f'_{yd} \quad N_c = b \cdot x_c \cdot f_{cd} \quad N_s = A_s \cdot \sigma_s$$

$$\sigma_s = \left( \frac{560}{x_c} d - 700 \right)$$

behelyettesítve:

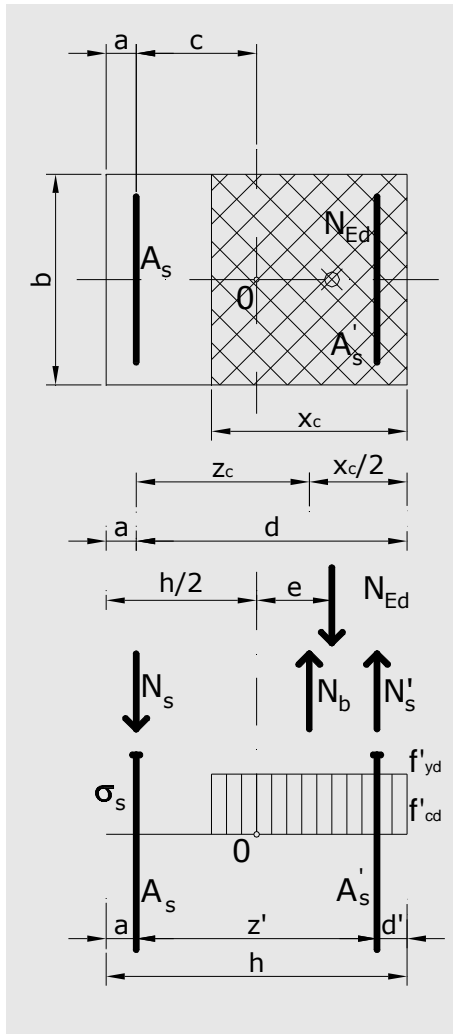
$$N_{Ed} - b \cdot x_c \cdot f_{cd} - A'_s \cdot f'_{yd} + A_s \cdot \left( \frac{560}{x_c} d - 700 \right) = 0$$

Az  $x_c$  értéke a másodfokú egyenlet megoldásaként számolható. A nyomott zóna  $x_c$  magasságának ismeretében a határkülpontosság értéke nyomatéki egyenlet segítségével meghatározható.

$$N_{Ed} \cdot (c + e_{Rd}) = N_c \cdot z_c + N'_s \cdot z'$$

$$e_{Rd} = \frac{b \cdot x_c \cdot f_{cd} \left( d - \frac{x_c}{2} \right) + A'_s \cdot f'_{yd} \cdot z'}{N_{Ed}}$$

# Mértékadó normálerőhöz tartozó határ- külpontosság meghatározása (nagy kp.)



Vetületi egyenlet:

$$N_{Ed} - N_c - N'_s + N_s = 0 \quad \text{ahol}$$

$$N'_s = A'_s \cdot f'_{yd} \quad N_c = b \cdot x_c \cdot f_{cd} \quad N_s = A_s \cdot \sigma_s \quad \sigma_s = f_{yd}$$

behelyettesítve:

$$N_{Ed} - b \cdot x_c \cdot f_{cd} - A'_s \cdot f'_{yd} + A_s \cdot f_{yd} = 0$$

Az  $x_c$  értéke az egyenlet megoldásaként számolható.  
A nyomott zóna  $x_c$  magasságának ismeretében a határ-  
külpontosság értéke nyomatéki egyenlet segítségével  
meghatározható.

$$N_{Ed} \cdot (c + e_{Rd}) = N_c \cdot z_c + N'_s \cdot z'$$

$$e_{Rd} = \frac{b \cdot x_c \cdot f_{cd} \left( d - \frac{x_c}{2} \right) + A'_s \cdot f'_{yd} \cdot z'}{N_{Ed}}$$



# KÜLPONTOSSÁG-NÖVEKHMÉNYEK

Másodrendű hatások, (Nyomott oszlopok)

- repedezettség, nemlineáris anyagi viselkedés,
- kúszás figyelembeveendő
- elhanyagolható ha hatása kisebb mint 10%.

Számítási módszerek

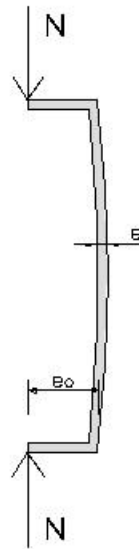
- másodrendű, nemlineáris számítás,
- a helyettesítő merevségen alapuló módszer,
- a görbület becslésén alapuló módszer (ez lényegében a „külpontosság-növekmények” módszere).

# NYOMÁSI TEHERBÍRÁS

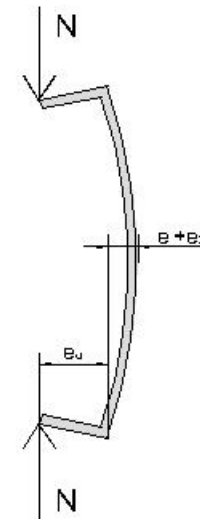
Külpontosság-növekmények:



Kezdeti elsőrendű  
külpontosság



Kezdeti görbeségből  
(imperfekcióból) származó  
külpontosság



Másodrendű nyomatékból  
keletkező külpontosság

# KÜLPONTOSSÁG-NÖVEKMÉNYEK

Feltételezve, hogy az oszlopra ható nyomaték az oszlop hossza mentén lineárisan változik, és az oszlop két végén a nyomatékok  $M_{01}$  ill.  $M_{02}$ , ahol  $|M_{02}| \geq |M_{01}|$ . Az figyelembe veendő teljes külpontosság:

$$e = \max \left\{ \begin{array}{l} e_e + e_i + e_2 \\ M_{02} / N_{Ed} \\ e_o \end{array} \right.$$

=külpontosságok összege  
=külpontosság a rúdvégen  
=minimális külpontosság

# KÜLPONTOSSÁG-NÖVEKMÉNYEK

A, a deformálatlan oszlopon számított elsőrendű külpontosság:

$M_{oe}$  lehet:

$$e_e = \frac{M_{oe}}{N_{Ed}}$$

1, a rúd hossza mentén konstans

( $M_{01}=M_{02}$ ) ekkor  $M_{oe}=M_{01}=M_{02}$

2., a rúd két végén különböző a nyomaték

( $M_{01} \neq M_{02}$ , és  $M_{02} > M_{01}$ )

$$M_{oe} = \max \begin{cases} 0,6M_{02} + 0,4M_{01} \\ 0,4M_{02} \end{cases}$$

nem kilendülő keret

$$M_{oe} = M_{02}$$

kilendülő keret

# KÜLPONTOSSÁG-NÖVEKEMÉNYEK

- B, kezdeti görbeségől (imperfekcióból) származó külpontosság

$$e_i = \begin{cases} \frac{l_o}{400} & \text{ha } \ell \leq 4,0\text{m} \\ \frac{2 \cdot l_o}{\sqrt{\ell} \cdot 400} & \text{ha } 4,0\text{m} \leq \ell \leq 9,0\text{m} \\ \frac{2 \cdot l_o}{3 \cdot 400} & \text{ha } \ell \geq 9,0\text{m} \end{cases}$$

$l_o$  kihajlási hossz,  $\ell$  hálózati hossz m-ben

# KÜLPONTOSSÁG-NÖVEKMÉNYEK

- C, a Másodrendű nyomatékból keletkező külpontosság:

$$e_2 = \frac{1}{r} \frac{l_o^2}{\pi^2} \approx \frac{1}{r} \frac{l_o^2}{10}$$

$$\frac{1}{r} = K_r \cdot K_\varphi \frac{1}{r_o}$$

görbület

$$K_\varphi = \max\left(1 + \beta \cdot \varphi_{ef}; 1\right)$$

kúszás  
hatása

$$\frac{1}{r_o} = \frac{f_{yd} / E_s}{0,45 \cdot d'}$$

kezdeti görbület

$$\beta = 0,35 + \frac{f_{ck}}{200} - \frac{\lambda}{150}$$

$$K_r = \min \left\{ \frac{N'_u - N_{Ed}}{N'_u - N_{bal}}; 1 \right\}$$

normálerő hatása

# KÜLPONTOSSÁG-NÖVEKEMÉNYEK

- D, minimális  
külpontosság:

$$e_o = \max \begin{cases} 20mm \\ h / 30 \end{cases}$$

az alábbi biztonság javára közelítő képlet  
használható:

$$e_i + e_2 = 0,05d + \frac{l_o}{400} + 0,05 \left( \frac{l_o}{10d} \right)^2 d$$

# KÜLPONTOSSÁG-NÖVEKHMÉNYEK

## Külpontosság-növekmények (közelítés)

A külpontosság-növekmények  $l_0/d_1$  függvényében

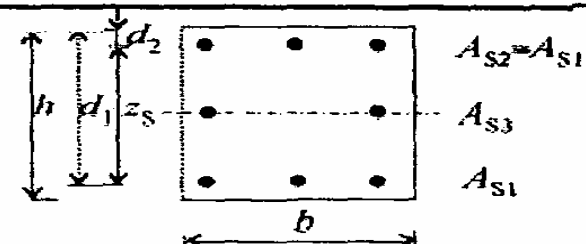
$l_0/d_1$	0	6	8	10	12	14	16	18	20	22	24	26
$e_i/d_1$	0.000	0.015	0.020	0.025	0.030	0.035	0.040	0.045	0.050	0.055	0.060	0.065
$e_2/d_1$	0.000	0.034	0.058	0.085	0.116	0.151	0.189	0.229	0.271	0.313	0.355	0.395
$(e_i + e_2)/d_1$	0.000	0.049	0.078	0.110	0.146	0.186	0.229	0.274	0.321	0.368	0.415	0.460

A külpontosság-növekmények  $l_0/d_1$  függvényében (folytatás)

$l_0/d_1$	28	30	32	34	36	38	40	42	44	46	48	50
$e_i/d_1$	0.070	0.075	0.080	0.085	0.090	0.095	0.100	0.105	0.110	0.115	0.120	0.125
$e_2/d_1$	0.434	0.471	0.526	0.594	0.666	0.742	0.823	0.907	0.995	1.088	1.184	1.285
$(e_i + e_2)/d_1$	0.504	0.546	0.606	0.679	0.756	0.837	0.923	1.012	1.105	1.203	1.304	1.410

Az  $e_2$  értékét  $K_r$ -rel szabad szorozni

Csak a két oldalon elhelyezett vasalás esetén az  $e_2/d_1$  értékeit meg szabad szorozni 0.92-vel.





# KÖZPONTOSAN NYOMOTT OSZLOP TEHERBÍRÁSA

Központosan nyomott oszlop teherbírása az

$N_{Rd} = \varphi N_u$  összefüggésből számítható

$N_u = f_{cd}bh + A_s|\sigma_s|$   
 $|\sigma_s| = \min(f_{yd}; 400)$  összefüggésből számítható

összefüggésből számítható

$$\varphi = \begin{cases} 0,87 \\ 1,25 - 0,04(l_o / d) \\ 0,5 + 0,37h / 600 \end{cases} \quad l_o / d = 26$$

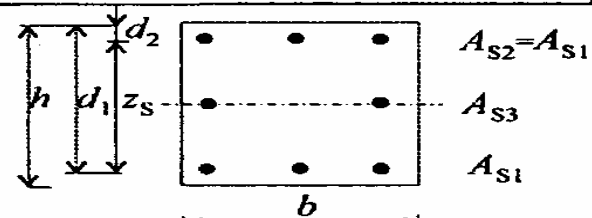
# KÖZPONTOSAN NYOMOTT OSZLOP TEHERBÍRÁSA

## Központosan nyomott oszlop (közelítés)

$\varphi$  értéke  $l_0/d_1$  függvényében az  $N_{Rd} = \varphi N_u$  számításához ( $\varphi \leq \varphi_{max}$ )

$c_3$	$l_0/d$											
	0	6	8	10	12	14	16	18	20	22	24	26
7.0	0.87	0.87	0.87	0.84	0.77	0.69	0.61	0.53	0.47	0.41	0.34	0.29
6.5	0.87	0.87	0.87	0.85	0.78	0.71	0.63	0.55	0.49	0.43	0.39	0.36
6.0	0.87	0.87	0.87	0.85	0.79	0.72	0.65	0.58	0.51	0.46	0.41	0.38
5.5	0.87	0.87	0.87	0.86	0.80	0.74	0.67	0.60	0.54	0.48	0.44	0.40
5.0	0.88	0.88	0.88	0.86	0.81	0.75	0.69	0.62	0.56	0.51	0.46	0.42
4.5	0.88	0.88	0.88	0.87	0.82	0.77	0.71	0.65	0.59	0.54	0.49	0.45
4.0	0.90	0.90	0.90	0.90	0.86	0.82	0.77	0.71	0.66	0.61	0.56	0.51
3.5	0.90	0.90	0.90	0.90	0.87	0.84	0.79	0.75	0.69	0.64	0.60	0.56
3.0	0.91	0.91	0.91	0.91	0.88	0.85	0.82	0.77	0.73	0.68	0.64	0.60

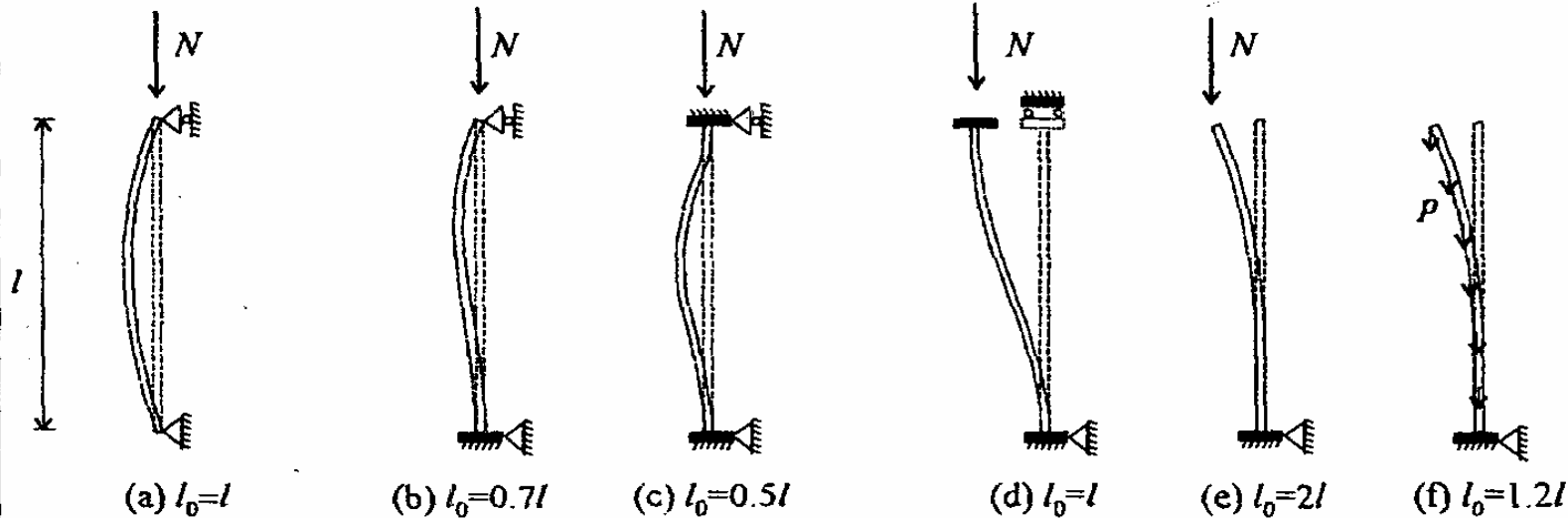
$$c_3 = \frac{d(bhf_{cd} + A_s f_{yd})}{M_{max}} \frac{1}{d'/d_1}$$



# OSZLOPOK KHAJLÁSI HOSSZA

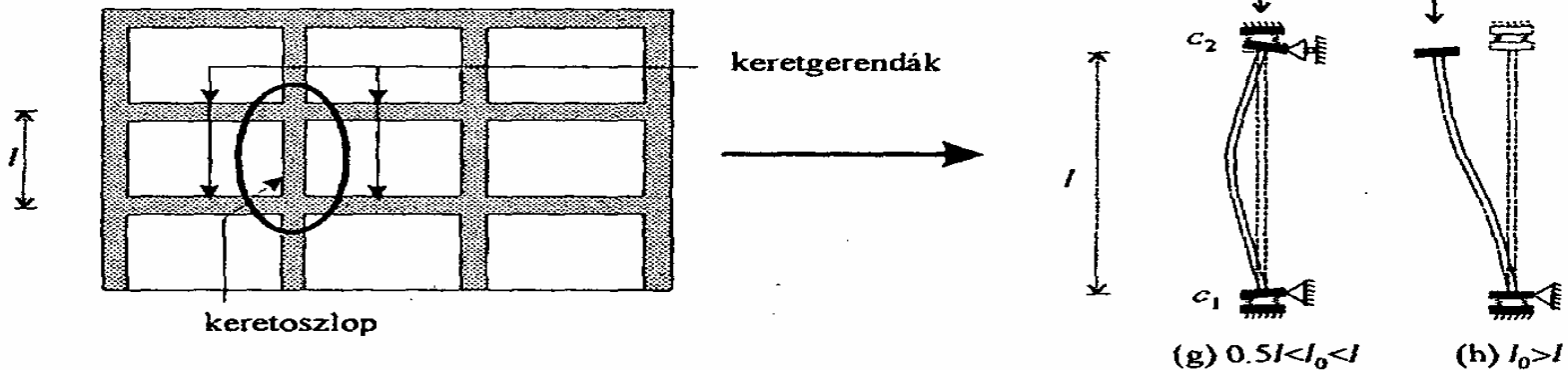
A kihajlási hossz: annak a kétcsuklós, konstans normálerővel terhelt oszlopnak a hossza, amelynek kritikus ereje (és keresztmetszete) egyezik a vizsgált oszlopével.

$$N_{kr} = \frac{\pi^2 EI}{l_0^2}$$



# KERETBE ÉPÍTETT OSZLOPOK KHAJLÁSI HOSSZA

## Keretszlop kihajlási hossza



Nem kilendülő keret esetén (g)

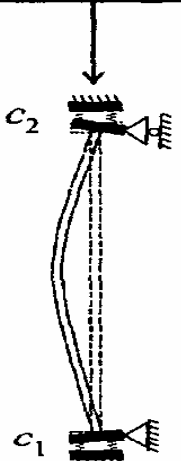
$$l_o = 0.5l \sqrt{\left(1 + \frac{k_1}{0.45 + k_1}\right) \left(1 + \frac{k_2}{0.45 + k_2}\right)}$$

Kilendülő keret esetén (h)

$$l_o = \max \left\{ \begin{array}{l} l \sqrt{\left(1 + 10 \frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2}\right)} \\ l \left(1 + \frac{k_1}{1 + k_1}\right) \left(1 + \frac{k_2}{1 + k_2}\right) \end{array} \right.$$

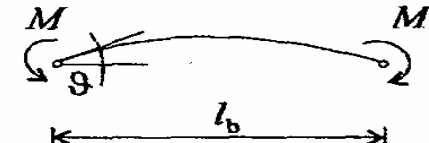
# KERETBE ÉPÍTETT OSZLOPOK KHAJLÁSI HOSSZA

## Keretroszlop kihajlási hossza

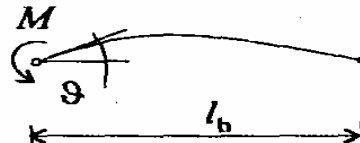


$k = \frac{EI/l}{c}$

$$l_0 = 0.5l \sqrt{\left(1 + \frac{k_1}{0.45 + k_1}\right) \left(1 + \frac{k_2}{0.45 + k_2}\right)}$$



$\mu = 2$



$\mu = 3$



$\mu = 4$

$c$  a stabilizáló rudak elfordulási merevségeinek összege:

$$c = \sum \mu \frac{EI_b}{l_b}$$

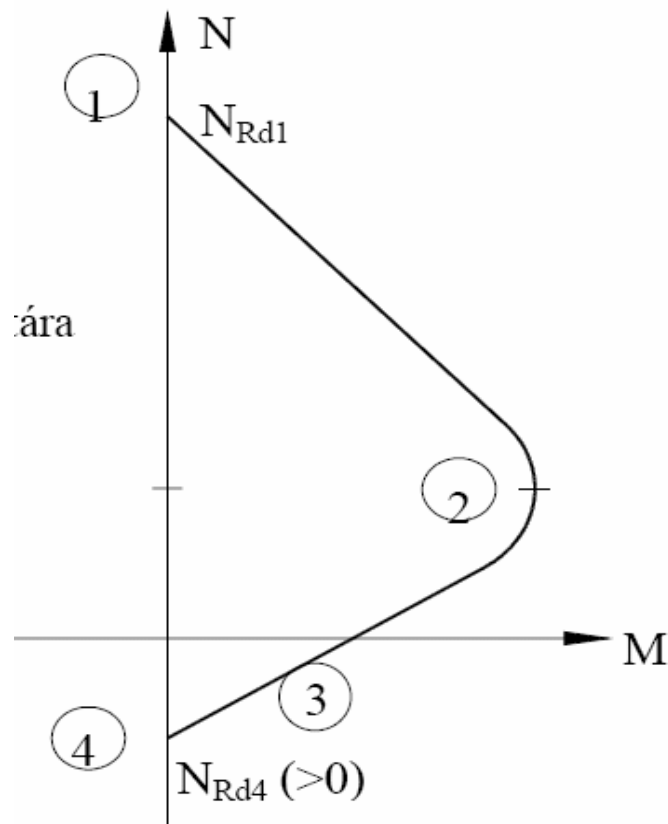
Szélső keretroszlopnál egy gerendát, közbenső keretroszlopnál két gerendát kell figyelembe venni. Ha a keretgerenda mindkét vége egy-egy kihajló oszlopot stabilizál, akkor a  $\mu=2$  esetet kell használni.

Ha a csatlakozó oszlop is részt vesz a kihajlásban, akkor  $EI/l$ -t  $(EI/l)_a + (EI/l)_u$ -vel kell helyettesíteni, ahol „a” és „u” csomópont feletti és alatti oszlopra utal.

- Nyomott oszlopok
- • Az EC nem különbözteti meg a központosan és a külpontosan nyomott oszlopot.
- • A külpontosság-növekmény számításához ismerni kell a keresztmetszet vasalását és az alkalmazott beton szilárdsági osztályt is.
- • A külpontosság-növekmény számításához ismerni kell a normálerő értékét

# TEHERBÍRÁSI VONAL

- Előzőleg meghatároztunk egy normálerőt ( $N_{Rd}$ ) és egy hozzá tartozó külpontosságot ( $e_{Rd}$ ) úgy, hogy a keresztmetszet törési állapotban legyen. Ekkor a keresztmetszetre ható nyomaték  $M_{Rd} = N_{Rd} \times e_{Rd}$
- Az így meghatározott normálerő-nyomaték párnak megfelelő pontot felrajzolhatjuk egy (M,N) koordináta rendszerben. Ha eebbe a koordinátarendszerbe minden olyan pontot felrajzolunk, amelyhez tartozó (M,N) igénybevétel pár esetén a km. törési állapotban van, egy folyamatos zárt vonalat kapunk.
- Ezt a vonalat teherbírási vonalnak nevezzük.



1.) A központos nyomás esete

$$M = 0, \quad \lambda x = h \quad \varepsilon_c = \varepsilon_s = 2\text{‰} (<0)$$

$$N_{Rd1} = A_{c,tot} \cdot \eta \cdot f_{cd} + \sum A_{si} \cdot f'_{yd}$$

$$f'_{yd} \leq 400 \text{ N/mm}^2$$

2.) A kis- és nagy külpontosság határa

$$\lambda x = x_{co} \approx 0,5d \rightarrow A_{co} \text{ (nyomott terület)}$$

$$N_{Rd2} = A_{co} \cdot \eta \cdot f_{cd} - \sum A_{si} \cdot \sigma_{si}$$

$$\sigma_{si} = E_s \cdot \varepsilon_{cu3} \frac{d_i - x}{x} \leq f_{yd}$$

$$M_{Rd2} = A_{co} \cdot \eta \cdot f_{cd} \cdot r_{co} + \sum A_{si} \cdot \sigma_{si} \cdot r_{si}$$

3.) A tiszta hajlítás esete

$$M_{Rd3} = A_c \cdot \eta \cdot f_{cd} \cdot r_c - \sum A_{si} \cdot \sigma_{si} \cdot r_{si}$$

itt  $A_c$  a vetületi egyensúly alapján:

$$-A_c \cdot \eta \cdot f_{cd} + \sum A_{si} \cdot \sigma_{si} = 0 \rightarrow x$$

4.) A központos húzás esete

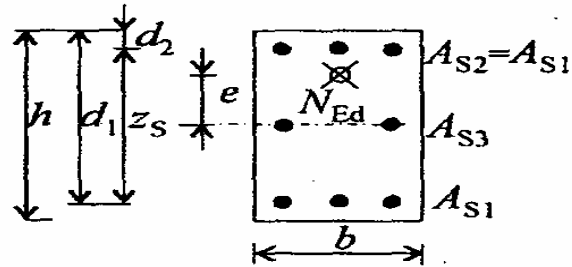
$$M = 0, \quad \varepsilon_s = \varepsilon_{sy}$$

$$N_{Rd4} = \sum A_{si} \cdot f_{yd} \leq f_{ctd} (A_{c,tot} + \alpha_e \cdot \sum A_{si})$$



# TEHERBÍRÁSI VONAL

## Vasbeton km. külpontos nyomása – közelítő teherbírési vonal



$$N_u = f_{cd}bh + A_s|\sigma_s|$$

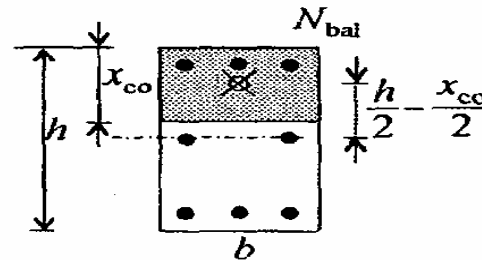
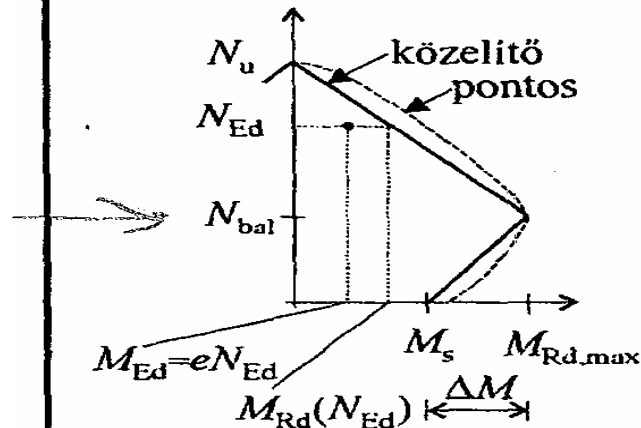
$$|\sigma_s| = \min\{f_{yd}; 400\} \quad [\text{N/mm}^2]$$

$$A_s = \sum A_{si}$$

$$M_s \equiv A_{s1}f_{yd}z_s \quad \text{beton szerepével}$$

$$N_{bal} \equiv f_{cd}bx_{co} \quad \Delta M \equiv N_{bal}\left(\frac{h}{2} - \frac{x_{co}}{2}\right)$$

$$M_{Rd,max} \equiv M_s + \Delta M$$



MSZ-ben:

$$f_{yd} \rightarrow \sigma_{sH}$$

$$f_{cd} \rightarrow \sigma_{bH}$$